



ព្រះរាជាណាចក្រកម្ពុជា  
ជាតិ សាសនា ព្រះមហាក្សត្រ

ក្រសួងអប់រំ យុវជន និងកីឡា

# មេរៀនសង្ខេប

# មុខវិជ្ជា៖ រូបវិទ្យា

សម្រាប់គ្រឿងប្រឡូកសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ  
និងបំពេញវិជ្ជាលើកទី២

សម័យប្រឡូក ១៣ តុលា ២០១៤

# ជំពូកទី១ ទែម៉ូឌីណាមិច

## មេរៀនទី១៖ ទ្រឹស្តីស៊ីនេទិចនៃឧស្ម័ន

ទំនាក់ទំនងសីតុណ្ហភាពដាច់ខាតនិងសីតុណ្ហភាពគិតជាសែលស៊ីស

$$T = T_c + 273.15$$

$T$  ជាសីតុណ្ហភាពដាច់ខាតគិតជា ( $K$ ),  $T_c$  ជាសីតុណ្ហភាពសែលស៊ីស $^{\circ}C$  ក្នុងទ្រឹស្តីស៊ីនេទិចនៃឧស្ម័ន៖ ម៉ូលេគុលឧស្ម័នមានចលនាឥតឈប់ឈរ និងគ្មានសណ្តាប់ធ្នាប់។ ទង្គិចរវាងម៉ូលេគុលនឹងធ្លាក់ជាទង្គិចខ្លាត។ សន្មតនៅចន្លោះពេលទង្គិច ម៉ូលេគុលមានចលនាត្រង់ស្មើ។ តម្លៃមធ្យមនៃថាមពលស៊ីនេទិចរបស់ម៉ូលេគុលអាស្រ័យនឹងសីតុណ្ហភាព។

សម្ពាធនៃឧស្ម័នសមាមាត្រនឹងចំនួនម៉ូលេគុលក្នុងមួយខ្នាតមាឌនិង តម្លៃមធ្យមនៃ

ថាមពលស៊ីនេទិចរបស់ម៉ូលេគុល  $P = \frac{2}{3} \left(\frac{N}{V}\right) K_{av} = \frac{2}{3} \left(\frac{N}{V}\right) \frac{1}{2} m(v^2)_{av}$

$P$  ជាសម្ពាធមធ្យមគិតជា ( $Pa$ ),  $N$  ជាចំនួនម៉ូលេគុលឧស្ម័ន,  $V$  ជាមាឌ ( $m^3$ )  
 $m$  ជាម៉ាស់របស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័ននីមួយៗ ( $kg$ ),  $v$  ជាល្បឿនរបស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័ន ( $m/s$ )

ឧស្ម័នបរិសុទ្ធ  $n$  ម៉ូលមានសម្ពាធ  $P$  មាឌ  $V$  និងសីតុណ្ហភាព  $T$  នោះសមីការភាពនៃ

ឧស្ម័នបរិសុទ្ធគឺ  $PV = Nk_B T = nRT$

$P$  ជាសម្ពាធមធ្យមគិតជា ( $Pa$ ),  $V$  ជាមាឌឧស្ម័ន ( $m^3$ ),  $T$  សីតុណ្ហភាពឧស្ម័ន ( $K$ )  
 $k_B$  ជាថេរហ្វឺលស្មាន់  $k_B = 1.38 \times 10^{-23} J/K$ ,  $n$  ជាចំនួនម៉ូលឧស្ម័ន ( $mol$ )  
 $R$  ជាថេរសកលនៃឧស្ម័ន  $R = 8.31 J/(mol.K)$ ,  $N$  ជាចំនួនម៉ូលេគុលឧស្ម័ន

ទំនាក់ទំនងរវាងចំនួនម៉ូលឧស្ម័ន  $n$  និងចំនួនម៉ូលេគុលឧស្ម័ន  $N$  គឺ  $n = \frac{N}{N_A}$

$N_A$  ជាចំនួនអាវូកាដ្រូ  $N_A = 6.022 \times 10^{23}$  ម៉ូលេគុល/ $mol$

ទំនាក់ទំនងរវាងថេរហ្វឺលស្មាន់  $k_B$  និង ថេរសកលនៃឧស្ម័ន  $R$  គឺ  $R = k_B N_A$

ថាមពលស៊ីនេទិចមធ្យម នៃម៉ូលេគុលនីមួយៗគឺ  $K_{av} = \left(\frac{1}{2} m v^2\right)_{av} = \frac{3}{2} k_B T$

$K_{av}$  ជាថាមពលស៊ីនេទិចមធ្យម នៃម៉ូលេគុលនីមួយៗគិតជាស៊ូល ( $J$ )

$T$  សីតុណ្ហភាពឧស្ម័ន ( $K$ )

ថាមពលស៊ីនេទិចសរុប  $n$  ម៉ូល នៃឧស្ម័ន គឺ  $K = \frac{3}{2} Nk_B T = \frac{3}{2} nRT$

$K$  ជាថាមពលស៊ីនេទិចសរុបគិតជាស៊ូល (J)

ល្បឿនប្រសិទ្ធិឬល្បឿនប្រសិទ្ធិមធ្យមការេ របស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័ន

$$v_{rms} = \sqrt{(v^2)_{av}} = \sqrt{\frac{3k_B T}{m}} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$$

$v_{rms}$  ជាល្បឿនប្រសិទ្ធិរបស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័ន (m/s)

$m$  ជាម៉ាស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័ន (kg)

$M$  ជាម៉ាស់ម៉ូល (kg/mol)

ទំនាក់ទំនងរវាង ម៉ាស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័ន  $m$  និងម៉ាស់ម៉ូល  $M$  គឺ  $M = mN_A$

ទំនាក់ទំនងរវាង សម្ពាធ គិតជាបាស្កាល់ (Pa) និងសម្ពាធ គិតជាអាត់ម៉ូស្វែ (atm) គឺ

$1 atm = 1.013 \times 10^5 Pa$  តែដើម្បីមានភាពងាយស្រួលក្នុងការគណនា ក្នុងឧទាហរណ៍

ខាងក្រោម យើងយក  $1 atm = 10^5 Pa$  ។

ឧទាហរណ៍៖ ឧស្ម័ននីត្រូសែនផ្សំឡើងពីម៉ូលេគុល  $N_2$  ។ គណនាម៉ាស់ម៉ូលេគុល នីត្រូសែន។ ម៉ាស់ម៉ូល នីត្រូសែនគឺ  $M = 28 kg/kmol$  ។

ចម្លើយ៖ គណនាម៉ាស់ម៉ូលេគុលនីត្រូសែន

តាមរូបមន្ត  $M = m \times N_A \Rightarrow m = \frac{M}{N_A}$   
 ដោយ  $M = 28 kg/kmol = 28 \times 10^{-3} kg/mol$   
 $N_A = 6.02 \times 10^{23}$  ម៉ូលេគុល/mol  
 $m = \frac{28 \times 10^{-3}}{6.02 \times 10^{23}} = 4.7 \times 10^{-26} kg$

ឧទាហរណ៍៖ គណនាមាឌដែលផ្ទុកដោយឧស្ម័នអុកស៊ីសែន 3.2g នៅសម្ពាធ 76cmHg និងសីតុណ្ហភាព  $27^\circ C$  ។

ចម្លើយ៖ គណនាមាឌដែលផ្ទុកឧស្ម័ន  $O_2$

តាមសមីការភាពនៃឧស្ម័នបរិសុទ្ធ

$$PV = nRT$$

តែ  $n = \frac{m_0}{M} \Rightarrow PV = \frac{m_0}{M} RT$  តាំង  $m_0$  ជាម៉ាស់សរុបរបស់ឧស្ម័ន

$$\text{គេបាន } V = \frac{m_0 RT}{MP}$$

ដោយ  $M = 32g/mol$ ;  $m_0 = 3.2g$ ;  $R = 8.31 J/mol.K$ ;  $T = 27^\circ C = 300K$ ;  $P = 76 cmHg = 1 atm = 10^5 Pa$

$$\Rightarrow V = \frac{3.2 \times (8.31) 300}{32 \times 10^5} = 0.0025 m^3$$

ដូចនេះ  $V = 0.0025 m^3$

ឧទាហរណ៍៣៖ រកល្បឿនប្រសិទ្ធភាព ( $V_{rms}$ ) នៃម៉ូលេគុលអាសូតដោយម៉ាសម៉ូល  $M=28\text{g/mol}$  នៅ  $300\text{K}$  ។

ចម្លើយ៣៖ គណនាល្បឿន  $V_{rms}$

តាមរូបមន្ត  $V_{rms} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$  ដោយ  $R=8.31\text{J/molK}$ ;

$T=300\text{K}$ ;  $M=28\text{g/mol}=28\times 10^{-3}\text{kg/mol}$

$$\Rightarrow V_{rms} = \sqrt{\frac{3 \times 8.31 \times 300}{28 \times 10^{-3}}} = 561.8\text{m/s}$$

ដូចនេះ  $V_{rms} = 561.8\text{m/s}$

ឧទាហរណ៍៤៖ គណនាសីតុណ្ហភាពដែលធ្វើឱ្យល្បឿនប្រសិទ្ធភាពនៃម៉ូលេគុលអ៊ីដ្រូសែនស្មើ  $331\text{m/s}$ ? គេ

ឱ្យ  $M_{H_2} = 2\text{g/mol}$  ។

ចម្លើយ៤៖ គណនាសីតុណ្ហភាពដើម្បីបានល្បឿនប្រសិទ្ធភាព ( $V_{rms}$ )

$$V_{rms} = \sqrt{\frac{3RT}{M}} \Leftrightarrow V_{rms}^2 = \frac{3RT}{M} \Rightarrow T = \frac{M \cdot V_{rms}^2}{3R}$$

ដោយ  $M_{H_2} = 2\text{g/mol} = 2 \times 10^{-3}\text{kg/mol}$ ;  $V_{rms} = 331\text{m/s}$  និង  $R = 8.31\text{J/mol.K}$

$$T = \frac{2 \times 10^{-3} \times (331)^2}{3 \times 8.31} = 8.79\text{K}$$

ដូចនេះ  $T = 8.79\text{K}$

ឧទាហរណ៍៥៖ គណនាថាមពលស៊ីនេទិចមធ្យមក្នុងមួយម៉ូលេគុលនៃឧស្ម័ននៅសីតុណ្ហភាព  $727^\circ\text{C}$  គេ

ឱ្យ  $R = 8.32\text{J/mol.K}$  និង  $N_A = 6.022 \times 10^{23}$  ម៉ូលេគុល/mol ។

ចម្លើយ៥៖ គណនាថាមពលមធ្យមនៃម៉ូលេគុលឧស្ម័ននីមួយៗ

តាម  $K_{av} = \frac{3}{2} k_B T$  ដោយ  $R = k_B N_A \Rightarrow k_B = \frac{R}{N_A}$

$K_{av} = \frac{3}{2} \frac{RT}{N_A}$  តែ  $T = 727^\circ\text{C} = 1000\text{K}$

នោះគេបាន  $K_{av} = \frac{3}{2} \times \frac{8.31 \times 1000}{6.022 \times 10^{23}} = 2.07 \times 10^{-20}\text{J}$

ឧទាហរណ៍៦៖ ចូររកថាមពលស៊ីនេទិចមធ្យមរបស់ម៉ូលេគុលនីមួយៗ (គិតជាអេឡិចត្រុង-វ៉ុល) របស់

ម៉ូលេគុលអុកស៊ីសែនក្នុងខ្យល់នៅក្នុងបន្ទប់មានសីតុណ្ហភាព  $300\text{K}$  ។

ចម្លើយ៦៖ រកថាមពលស៊ីនេទិចមធ្យមរបស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័នអុកស៊ីសែន

តាម  $K_{av} = \frac{3}{2} k_B T$

ដោយ  $k_B = 1.38 \times 10^{-23}\text{J/K}$ ;  $T = 300\text{K}$

$$\Rightarrow K_{av} = \frac{3}{2} \times 1.38 \times 10^{-23} \times 300$$

$$= 6.21 \times 10^{-21}\text{J}$$

តែ  $1\text{eV} = 1.6 \times 10^{-19}\text{J}$

ដូចនេះ  $K_{av} = \frac{6.21 \times 10^{-21}}{1.6 \times 10^{-19}} = \boxed{0.039\text{ eV}}$



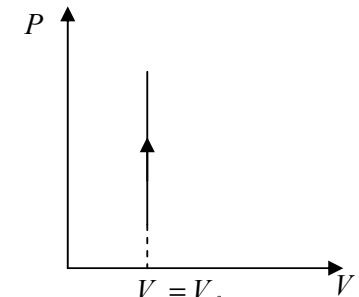
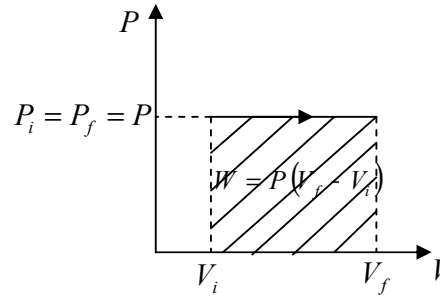
## ជំពូកទី១ ទែម៉ូឌីណាមិច

### មេរៀនទី២៖ ច្បាប់ទីមួយ ទែម៉ូឌីណាមិច

ប្រព័ន្ធ គឺជារត្ត ឬសំណុំរត្តដែលលើកយកមកសិក្សា បើធៀបនឹងវត្ថុដទៃ។  
 កាលណាប្រព័ន្ធមួយផ្លាស់ប្តូរភាពដោយប្តូរតែកម្មន្ត និងកម្ដៅជាមួយមជ្ឈដ្ឋានក្រៅ គេថា  
 ប្រព័ន្ធនោះទទួលបំលែងទែម៉ូឌីណាមិច។  
 បំលែងចំហគឺជាបំលែងដែល ប្រព័ន្ធផ្លាស់ប្តូរភាពដើមទៅភាពស្រេចណាមួយខុសពីមុន។  
 បំលែងបិទគឺជាបំលែងដែល ប្រព័ន្ធផ្លាស់ប្តូរភាពដើមទៅភាពស្រេចណាមួយរួចត្រឡប់មក  
 រកភាពដើមវិញ។  
 លំនាំមួយចំនួនៗក្នុងបំលែងទែម៉ូឌីណាមិច

លំនាំទែម៉ូឌីណាមិច	លក្ខណៈរបស់លំនាំ
អ៊ីសូករ	មាឌថេរ
អ៊ីសូបារ	សម្ពាធហេរ
អ៊ីសូទែម	សីតុណ្ហភាពថេរ
អាដ្យូបាទិច	គ្មានបណ្ដុរកម្ដៅ

កម្មន្តក្នុងលំនាំមួយចំនួន

លំនាំ	កម្មន្ត	ក្រាប P V
អ៊ីសូករ	ដោយក្នុងលំនាំអ៊ីសូករ មាឌឧស្ម័នថេរ នាំឱ្យ កម្មន្ត $W = 0$	
អ៊ីសូបារ	កម្មន្តក្នុងលំនាំអ៊ីសូបារជាផ្ទៃឆ្នូតដូចក្នុងរូប $W = P(V_f - V_i)$ W ជាកម្មន្តដែល ឧស្ម័នធ្វើ គិតជា(J)។ P <sub>f</sub> ជាសម្ពាធស្រេចរបស់ឧស្ម័ន (Pa)។ P <sub>i</sub> ជាសម្ពាធដើមរបស់ឧស្ម័ន (Pa)។	

	$V_f$ ជាមាឌស្រេចរបស់ឧស្ម័ន $m^3$ ។ $V_i$ ជាមាឌដើមរបស់ឧស្ម័ន $m^3$ ។	
សម្ពាធប្រែប្រួល	កម្មន្តក្នុងលំនាំសម្ពាធប្រែប្រួលជាផ្ទៃឆ្នូតដូចក្នុងរូប <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <math display="block">W = W_1 + W_2</math> <math display="block">\checkmark W_1 = P_i(V_f - V_i)</math> <math display="block">\checkmark W_2 = \frac{1}{2}(P_f - P_i)(V_f - V_i)</math> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <math display="block">W = P_i(V_f - V_i) + \frac{1}{2}(P_f - P_i)(V_f - V_i)</math> </div>	
អ៊ីសូទែម	កម្មន្តក្នុងលំនាំអ៊ីសូទែម ( $T$ ថេរ) ជាផ្ទៃឆ្នូតដូចក្នុងរូប <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <math display="block">W = nRT \ln\left(\frac{V_f}{V_i}\right)</math> </div> <p> <math>n</math> ជាចំនួនម៉ូលឧស្ម័ន (<math>mol</math>) ។  <math>R</math> ជាថេរសកលនៃឧស្ម័ន។  <math>T</math> ជាសីតុណ្ហភាពរបស់ឧស្ម័ន (<math>K</math>) ។         </p>	

ច្បាប់ទីមួយ ទែម៉ូឌីណាមិច ៖ ក្នុងបំលែងទែម៉ូឌីណាមិច កម្ដៅស្រូបដោយប្រព័ន្ធ ស្មើនឹងផលបូកកម្មន្តដែលបានបង្កើតឡើងដោយប្រព័ន្ធ និងបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុងនៃប្រព័ន្ធ។

$$Q = \Delta U + W$$

$Q$  ជាកម្ដៅស្រូបដោយប្រព័ន្ធគិតជា(J),  $\Delta U$  ជាបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុងនៃប្រព័ន្ធគិតជា(J),  $W$  ជាកម្មន្តដែលបានបង្កើតឡើងដោយប្រព័ន្ធគិតជា(J)

សិក្សាសញ្ញា របស់  $Q$ ,  $W$  និង  $\Delta U$

អញ្ញាត	សញ្ញា	អត្ថន័យ
$Q$	+	កាលណាប្រព័ន្ធទទួលកម្ដៅ។
$Q$	-	កាលណាប្រព័ន្ធបំភាយកម្ដៅ/ទៅវដ្តរដ្ឋានក្រៅ។
$W$	+	កាលណាឧស្ម័នក្នុងប្រព័ន្ធធ្វើកម្មន្តដោយខ្លួនឯង។

$W$	-	កាលណាខ្សែក្រវាញប្រព័ន្ធទទួល កម្លាំងពីមជ្ឈដ្ឋានក្រៅដើម្បីធ្វើកម្មន្ត។
$\Delta U$	+	មានន័យថាថាមពលក្នុងកើនឡើង។
$\Delta U$	-	មានន័យថាថាមពលក្នុងថយចុះ។

ច្បាប់ទីមួយ ទែម៉ូឌីណាមិច ចំពោះលំនាំពិសេសៗបី

លំនាំ	លក្ខណៈរបស់លំនាំ	លទ្ធផល
អាដ្យាបាទិច	$Q = 0$	$\Delta U = -W$
អ៊ីសូករ	$W = 0$	$\Delta U = Q$
បំលែងបិទ	$\Delta U = 0$	$Q = W$

ថាមពលក្នុងនៃឧស្ម័នបរិសុទ្ធគឺជាថាមពលស៊ីនេទិចសរុបរបស់ម៉ូលេគុលនៃឧស្ម័ននោះ។  
ថាមពលក្នុង  $n$  ម៉ូល នៃឧស្ម័នបរិសុទ្ធម៉ូណូអាតូម  $U = \frac{3}{2}nRT$

$U$  ជាថាមពលក្នុងគិតជា(J),  $n$ ជាចំនួនម៉ូលរបស់ឧស្ម័ន(mol),  
 $T$ ជាសីតុណ្ហភាពរបស់ឧស្ម័ន (K),  $R$  ជាថេរសកលនៃឧស្ម័ន  $R = 8.31J/(mol.K)$

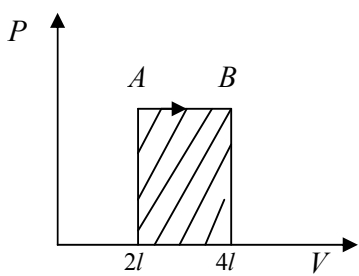
បម្រែបម្រួលថាមពលក្នុង  $n$  ម៉ូល នៃឧស្ម័នបរិសុទ្ធម៉ូណូអាតូម

$$\Delta U = \frac{3}{2}nR\Delta T = \frac{3}{2}nR(T_f - T_i)$$

$\Delta U$  ជាបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុងនៃឧស្ម័នបរិសុទ្ធម៉ូណូអាតូម គិតជា(J)  
 $T_f$  ជាសីតុណ្ហភាពស្រេចរបស់ឧស្ម័ន គិតជា(K)  
 $T_i$  ជាសីតុណ្ហភាពដើមរបស់ឧស្ម័ន គិតជា(K)

ឧទាហរណ៍៖ តើផ្ទៃដែលបានគូសក្នុងដ្យាក្រាម P-V ស្មើប៉ុន្មាន? តើកម្មន្តដែលបានធ្វើពីភាព

$A \rightarrow B$  ស្មើប៉ុន្មាន?  $P=2atm$



ចម្លើយ៖ តាមផ្ទៃនៃរូបជាផ្ទៃចតុកោណកែង

$$S = \text{ទទឹង} \times \text{បណ្តោយ}$$

$$\text{ទទឹង} = 2 \text{ atm} = 2 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$\text{បណ្តោយ} = (4 - 2)\ell = 2\ell = 2 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow S = 2 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-3} = 4 \times 10^2 \text{ J}$$

កម្មន្តពីភាព A ទៅភាព B (ជាលំនាំអ៊ីសូបារ)

$$W = P\Delta V = P(V_B - V_A)$$

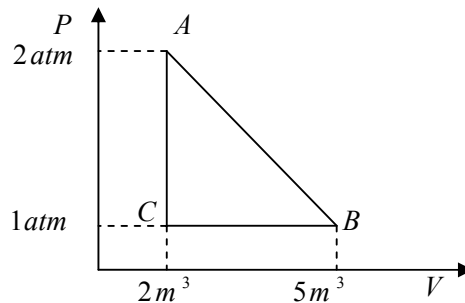
$$\text{ដោយ } P = 2 \text{ atm} = 2 \times 10^5 \text{ Pa}; V_B = 4 \times 10^{-3} \text{ m}^3;$$

$$V_A = 2 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow W = 2 \times 10^5 (4 \times 10^{-3} - 2 \times 10^{-3}) = 4 \times 10^2 \text{ J}$$

ដូចនេះ កម្មន្តពីភាព A ទៅភាព B គឺស្មើផ្ទៃរូបស្រប។

ឧទាហរណ៍៖ គណនាកម្មន្តសរុបក្នុងបំលែងបិទ ABC?



ចម្លើយ៖ រកកម្មន្តក្នុងបំលែងបិទ ABC

$$W_{ABC} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CA}$$

រក  $W_{AB}$

$$W_{AB} = P_A(V_B - V_A) + \frac{1}{2}(P_B - P_A)(V_B - V_A)$$

$$\text{ដោយ } P_A = 2 \text{ atm} = 2 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$P_B = 1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$$

$$V_B = 5 \text{ m}^3, V_A = 2 \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow W_{AB} = 2 \times 10^5 (5 - 2) + \frac{1}{2} (10^5 - 2 \times 10^5) (5 - 2) = 4.5 \times 10^5 \text{ J}$$

រក  $W_{BC}$

$$W_{BC} = P_B(V_C - V_B) = 10^5 (2 - 5) = -3 \times 10^5 \text{ J}$$

រក  $W_{CA}$  (ជាលំនាំអ៊ីសូករ)

$$W_{CA} = 0$$

$$\text{ដូចនេះ } W_{ABC} = (4.5 \times 10^5 \text{ J}) - (3 \times 10^5 \text{ J}) + 0 = 1.5 \times 10^5 \text{ J}$$

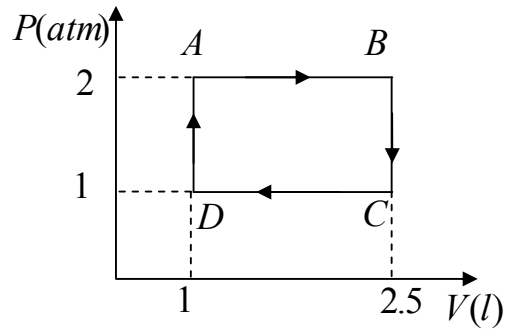


ឧទាហរណ៍ព្រះ ឧស្ម័នបរិសុទ្ធមួយធ្វើបំលែងជាបំលែងបិទពីភាព A ទៅភាព B រួចទៅភាព C ហើយទៅភាព D ទៀតក្រោយមកត្រឡប់ទៅភាព A វិញដូចបានបង្ហាញក្នុងរូប។ គណនា

ក. កម្មន្ត AB, BC, CD, DA

ខ. កម្មន្តសរុបក្នុងបំលែងបិទ

គ. កម្ដៅដែលទទួលបាន(ក្នុងបំលែងបិទ)។



ចម្លើយព្រះក. គណនាកម្មន្ត AB, BC, CD, DA

កម្មន្តពីភាព A ទៅភាព B (លំនាំអ៊ីសូបារ)

$$W_{AB} = P_A(V_B - V_A) \text{ ដោយ } P_A = 2 \times 10^5 \text{ Pa};$$

$$V_B = 2.5 \times 10^{-3} \text{ m}^3; V_A = 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow W_{AB} = 2 \times 10^5 (2.5 \times 10^{-3} - 10^{-3}) = 3 \times 10^2 \text{ J}$$

កម្មន្តពីភាព B ទៅភាព C (លំនាំអ៊ីសូករ)

$$W_{BC} = 0$$

កម្មន្តពីភាព C ទៅភាព D (លំនាំអ៊ីសូបារ)

$$W_{CD} = P_C(V_D - V_C) \text{ ដោយ } V_D = 10^{-3} \text{ m}^3,$$

$$V_C = 2.5 \times 10^{-3} \text{ m}^3; P_C = 1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$$

$$\Rightarrow W_{CD} = 10^5 (10^{-3} - 2.5 \times 10^{-3}) = -1.5 \times 10^2 \text{ J}$$

កម្មន្តពីភាព D ទៅភាព A (លំនាំអ៊ីសូករ)

$$W_{DA} = 0$$

ខ. កម្មន្តសរុបក្នុងបំលែងបិទ

$$W_{ABCD} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CD} + W_{DA}$$

$$= 3 \times 10^2 + 0 - 1.5 \times 10^2 + 0 = 150 \text{ J}$$

ដូចនេះ:  $W_{ABCD} = 150 \text{ J}$

គ. កម្ដៅដែលឧស្ម័នទទួលបាន

តាមច្បាប់ទីមួយទែម៉ូឌីណាមិច  $Q = \Delta U + W$  ដោយបំលែងជាបំលែងបិទនាំឲ្យ  $\Delta U = 0$

ដូចនេះ:  $Q = W = 150 \text{ J}$

ឧទាហរណ៍៖ គេធ្វើកម្មន្ត 25kJ លើប្រព័ន្ធខ្សែស្នប់។ ក្រោយមកកម្ដៅ 5kcal បានភាយចេញពីប្រព័ន្ធ។  
គណនាបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុង។ (1cal = 4.186J)

ចម្លើយ៖ គណនាបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុង

$$\text{តាមច្បាប់ទី១ ថែម៉ូឌីណាមិច } Q = \Delta U + W \Rightarrow \Delta U = Q - W$$

$$\text{ដោយ } Q = -1.5kcal = -62.7 \times 10^3 J;$$

$$W = -25kJ = -25 \times 10^3 J$$

$$\Rightarrow \Delta U = -62.7 \times 10^3 - (-25 \times 10^3)$$

$$= -37.7 \times 10^3 J$$

$$\text{ដូចនេះ } \Delta U = -37.7 \times 10^3 J$$

ឧទាហរណ៍៖ មួយម៉ូលនៃខ្សែស្នប់ O<sub>2</sub> (សន្មតថាវាជាខ្សែស្នប់បរិសុទ្ធ) ។

ក. ខ្សែស្នប់រីកនៅសីតុណ្ហភាពថេរ T=300K ពីមាឌដើម V<sub>i</sub>=12 លទៅ V<sub>f</sub>=19 ។ គណនាកម្មន្តក្នុងដំណើរការរីករបស់ខ្សែស្នប់។

ខ. ខ្សែស្នប់រួមមាឌនៅសីតុណ្ហភាពថេរ T=310K ពីមាឌ V<sub>i</sub>=19 លទៅ V<sub>f</sub>=12 ។ គណនាកម្មន្តក្នុងដំណើរការរួមមាឌ។

ចម្លើយ៖

ក. កម្មន្តក្នុងដំណើរការពង្រីក

ដោយ T=ថេរនោះវាជាលំនាំអ៊ីសូទែម

$$W = nRT \ln \left( \frac{V_f}{V_i} \right) \text{ ដោយ } R = 8.31 J/mol K$$

$$n=1mol, T=310K, V_f = 19l, V_i = 12l$$

$$\Rightarrow W = 1 \times 8.31 \times 310 \ln \left( \frac{19}{12} \right) = 1183 J$$

ខ. កម្មន្តក្នុងដំណើរការបង្រួម

$$W = nRT \ln \left( \frac{V_f}{V_i} \right) \text{ ដោយ } R = 8.31 J/mol K$$

$$n=1mol, T=310K, V_f = 12l, V_i = 19l$$

$$\Rightarrow W = 1 \times 8.31 \times 310 \ln \left( \frac{12}{19} \right) = -1183 J$$

ឧទាហរណ៍៖ ក្នុងប្រព័ន្ធថែម៉ូឌីណាមិចប្រព័ន្ធទទួលកម្មន្ត 200J និងទទួលកម្ដៅ 500J ។

រកបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុង?

ចម្លើយ៖ គណនាបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុង

តាមច្បាប់ទី១ ថែម៉ូឌីណាមិច

$$Q = \Delta U + W \Rightarrow \Delta U = Q - W$$

ដោយ Q=+500J ប្រព័ន្ធទទួលកម្ដៅ

W=-200J ប្រព័ន្ធទទួលកម្មន្ត

$$\Rightarrow \Delta U = 500J + 200J = 700J$$

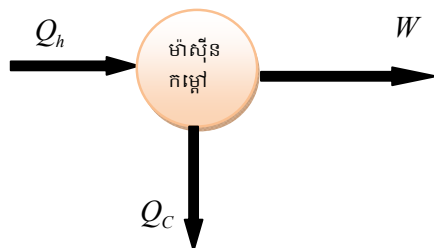
ដូចនេះបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុងគឺ 700J



# ជំពូកទី១ ទែម៉ូឌីណាមិច

## មេរៀនទី៣៖ ម៉ាស៊ីន

ម៉ាស៊ីនកម្ដៅ



$Q_h$ : បរិមាណកម្ដៅបានពីប្រភពក្ដៅផ្តល់ឱ្យម៉ាស៊ីន(ថាមពលសរុប)គិតជាស៊ូល(J)

$W$  : កម្មន្តដែលឧស្ម័នធ្វើ (បានការ) គិតជាស៊ូល (J)

$Q_c$ : បរិមាណកម្ដៅដែលបំភាយទៅ ប្រភពត្រជាក់ឬមជ្ឈដ្ឋានក្រៅ (បរិមាណកម្ដៅមិនបានការ) គិតជាស៊ូល (J)

❖ តុល្យការថាមពល  $Q_h = Q_c + W$

❖ ទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីន  $e_c = \frac{W}{Q_h}$

❖ កម្មន្តដែលឧស្ម័នធ្វើ  $W = Q_h - Q_c$

❖ ទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីន  $e_c = \frac{W}{Q_h} = \frac{Q_h - Q_c}{Q_h} = 1 - \frac{Q_c}{Q_h}$

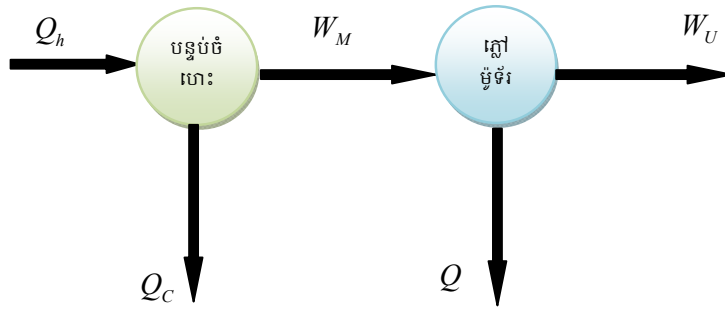
ទ្រឹស្តីបទ កាកណូ ៖ បើម៉ាស៊ីនមួយដំណើរការរវាងធុងពីរ ដែលមានសីតុណ្ហភាពថេរមានទិន្នផលអតិបរិមា ហើយដំណើរនេះមានភាពរេវ៉ែស៊ីប ហើយម៉ាស៊ីនទាំងអស់ដំណើរការនៅចន្លោះសីតុណ្ហភាពដូចគ្នា មានទិន្នផលដូចគ្នា

$$e_c = 1 - \frac{Q_c}{Q_h} = 1 - \frac{T_c}{T_h}$$

$T_c$  ជាសីតុណ្ហភាពប្រភពត្រជាក់ គិតជា (K)

$T_h$  ជាសីតុណ្ហភាពប្រភពក្ដៅ គិតជា (K)

ម៉ូទ័របន្ទុះ បួនវគ្គ៖ វគ្គស្រួប វគ្គបណ្ដុះ វគ្គបង្កើននិងបន្ធូរ វគ្គបញ្ចេញ។  
ម៉ាស៊ីនម៉ូទ័រ



➢ តុល្យការថាមពល

$$Q_h = W_M + Q_c$$

$$W_M = W_U + Q$$

$W_M$  ជាកម្មន្តមេកានិចគិតជាស៊ូល(J),  $W_U$  ជាកម្មន្តបានការ គិតជាស៊ូល (J),

$Q_c$  បរិមាណកម្ដៅដែលបំភាយទៅ ប្រភពត្រជាក់បូមជួរដ្ឋានក្រៅ (បរិមាណកម្ដៅមិនបានការ) គិតជាស៊ូល(J)

$Q$  បរិមាណកម្ដៅដែលបាត់បង់ដោយសារកកិត (បរិមាណកម្ដៅមិនបានការ) គិតជាស៊ូល (J)

➢ ទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីន

$$e_c = \frac{W_M}{Q_h}$$

➢ ទិន្នផលគ្រឿងបញ្ជូន ឬទិន្នផលមេកានិច

$$e_M = \frac{W_U}{W_M}$$

➢ ទិន្នផលបានការនៃម៉ាស៊ីន

$$e = \frac{W_U}{Q_h} = \frac{W_U}{W_M} \times \frac{W_M}{Q_h} = e_M \times e_c$$

ម៉ាស៊ីនម៉ាស៊ីត មានទិន្នផលខ្ពស់ជាងម៉ាស៊ីនសាំង។

ឧទាហរណ៍៖ ម៉ាស៊ីនកម្ដៅស្រូបកម្ដៅ 200J ពីប្រភពក្ដៅដើម្បីធ្វើកម្មន្តនិងបំភាយកម្ដៅ 160J ទៅប្រភពត្រជាក់។ គណនាទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីន។

ចម្លើយ៖ គណនាទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីន

$$e_c = \frac{W}{Q_h} \quad \text{តែដោយ } Q_h = W + Q_c$$

$$\Rightarrow W = Q_h - Q_c \quad \text{ដូចនេះ } e_c = \frac{Q_h - Q_c}{Q_h}$$

$$= 1 - \frac{Q_c}{Q_h} \text{ ដោយ } Q_c = 160J ; Q_h = 200J$$

$$e_c = 1 - \frac{160}{200} = 0.2 = 20\%$$

ឧទាហរណ៍២៖ ម៉ាស៊ីនមួយមានទិន្នផលកម្ដៅ 35% ចូរគណនា

- ក. គណនាកម្មន្តដែលបានធ្វើក្នុងមួយខួបប្រសិនបើវាស្រូបកម្ដៅ 150J ក្នុងមួយខួបពីប្រភពក្ដៅ។
- ខ. តើមានកម្ដៅភាយចេញប៉ុន្មាន?

ចម្លើយ៖ ក. គណនាកម្មន្តដែលបានធ្វើក្នុងមួយខួប

តាមទិន្នផលកម្ដៅ  $e_c = \frac{W}{Q_h}$

⇒  $W = e_c \times Q_h$

ដោយ  $Q_h = 150J ; e_c = 0.35$

$W = 0.35 \times 150 = 52.5J$

ខ. គណនាកម្ដៅ  $Q_c$

តាមតុល្យការថាមពល

$$Q_h = W + Q_c \Rightarrow Q_c = Q_h - W$$

$$Q_c = 150J - 52.5J = 97.5J$$

ឧទាហរណ៍៣៖ ម៉ាស៊ីនកាកណ្ដាធ្វើការរវាងប្រភពកម្ដៅពីរនៅ 500K និង 300K ។

- ក. រកទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីនកាកណ្ដា។
- ខ. ប្រសិនបើវាបំភាយកម្ដៅ 200J ពីប្រភពក្ដៅ។ ចូររកកម្មន្តដែលធ្វើវា។

ចម្លើយ៖ ក. រកទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីនកាកណ្ដា

តាម  $e_c = 1 - \frac{Q_c}{Q_h}$  តែ  $\frac{Q_c}{Q_h} = \frac{T_c}{T_h} \Rightarrow e_c = \frac{T_c}{T_h}$

ដោយ  $T_c = 300K ; T_h = 500K$

$e_c = \frac{300}{500} = 0.4 = 40\%$

ខ. គណនាកម្មន្ត

តាម  $e_c = \frac{W}{Q_h} \Rightarrow W = e_c \times Q_h$

ដោយ  $Q_h = 200kJ ; e_c = 0.4$

⇒  $W = 0.4 \times 200 = 80kJ$

ឧទាហរណ៍៤៖ ម៉ាស៊ីនពិតធ្វើការក្នុងចន្លោះរវាងប្រភពកម្ដៅពីររវាង 500K និង 300K ។ វាបំភាយកម្ដៅ 500kJ ពីប្រភពក្ដៅនិងធ្វើកម្មន្ត 150kJ ក្នុងរាល់ខួប។ រកទិន្នផលនៃម៉ាស៊ីន?

ចម្លើយ៖ រកទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីនពិត

តាម  $e_c = \frac{W}{Q_h}$  ដោយ  $W = 150kJ ; Q_h = 500kJ$

$e_c = \frac{150}{500} = 0.3$  ដូចនេះ  $e_c = 30\%$

ចំណាំ៖ យើងមិនអាចប្រើរូបមន្ត  $e_c = 1 - \frac{T_c}{T_h}$  ព្រោះវាជារូបមន្ត  
ទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីនវេវែបស៊ីបមិនមែនម៉ាស៊ីនពិតទេ។

**ឧទាហរណ៍៥៖** ម៉ាស៊ីនកាកណ្ដាដែលមានប្រភពត្រជាក់  $T_c = 7^{\circ}C$  ហើយមានទិន្នផលកម្ដៅ 50%។  
ម៉ាស៊ីននេះមានទិន្នផលកម្ដៅកើនឡើងដល់ 70%។ តើសីតុណ្ហភាពនៃប្រភពក្ដៅកើនឡើង  
បានប៉ុន្មានដឺក្រេ?

**ចម្លើយ៖** រកកំណើនសីតុណ្ហភាព  $\Delta T_h$  (នៅប្រភពក្ដៅ)

ក្នុងករណីដំបូង

$$e_c = 1 - \frac{T_c}{T_h} \Rightarrow \frac{T_c}{T_h} = 1 - e_c$$

$$\Rightarrow T_h = \frac{T_c}{1 - e_c}$$

ដោយ  $T_c = 7^{\circ}C = 280 K, e_c = 0.5$

$$T_h = \frac{280}{1 - 0.5} = 560 K$$

ក្នុងករណីស្រេច

$$e'_c = 1 - \frac{T_c}{T'_h} \Rightarrow T'_h = \frac{T_c}{1 - e'_c}$$

ដោយ  $e'_c = 0.7$

$$T'_h = \frac{280}{1 - 0.7} = 933.33 K$$

$$\Delta T_h = T'_h - T_h = 933.33 - 560 = 373.33 K$$

**ឧទាហរណ៍៦៖** ម៉ូទ័រម៉ាស៊ីនម៉ាស៊ូតនៃរថយន្តមួយដែលទិន្នផលកម្ដៅ 0.43 ហើយវាស្រូបបរិមាណ  
កម្ដៅ 4MJ។

ក. គណនាកម្មន្តមេកានិចដែលបានពីស្ដង់

ខ. គណនាបរិមាណកម្ដៅដែលបញ្ចេញទៅក្នុងបរិយាកាស។

គ. គណនាកម្មន្តបានការបើគេដឹងថាទិន្នផលគ្រឿងបញ្ជូន 0.82។

**ចម្លើយ៖** ក. គណនាកម្មន្តមេកានិច

ទិន្នផលកម្ដៅ

$$e_c = \frac{W_M}{Q_h}$$

$$\Rightarrow W_M = e_c \times Q_h$$

ដោយ  $Q_h = 4MJ = 4 \times 10^6 J; e_c = 0.43$

$$W_M = 0.43 \times (4 \times 10^6) = 1.72 \times 10^6 J$$

ខ. គណនាបរិមាណកម្ដៅដែលបំភាយចេញ

តាមគុណភាពថាមពល

$$Q_h = W_M + Q_c \Rightarrow Q_c = Q_h - W_M$$

$$Q_c = 4 \times 10^6 - 1.72 \times 10^6 = 2.28 \times 10^6 J$$

គ. គណនាកម្មន្តបានការ

ទិន្នផលគ្រឿងទទួល  $e_M = \frac{W_U}{W_M}$

$$\Rightarrow W_U = e_M \times W_M$$

ដោយ  $e_M = 0.82; W_M = 1.72 \times 10^6 J$

$$W_U = 0.82 \times 1.72 \times 10^6 J = 1.41 \times 10^6 J$$



## ជំពូក្រាម ២ លេក

### មេរៀនទី១៖ គោលការណ៍តម្រួតនៃលេក និងលេកជញ្ជូ

គោលការណ៍តម្រួតកាលណាលេកពីរប្រើនជាលក្ខណៈកាត់មជ្ឈដ្ឋានតែមួយបង្គោលទីសរុបនៃរាល់ចំណុចណាក៏ដោយនៃលេកស្មើនិងផលបូកវ៉ិចទ័រនៃបណ្តាលចំណុចបង្គោលទីលេកទោលទាំងនោះ លេកបែបនេះហៅថាលេកលីនេអែរឬលេកតម្រួត។

សំណង់ប្រែណែល

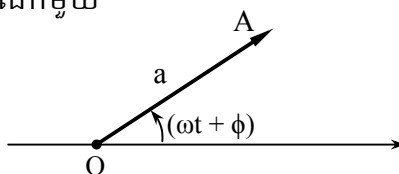
យើងបានឃើញរួចមកហើយពីសមីការនៃចលនាស៊ីនុយសូអ៊ីតក្នុងចលនារំកិល និងចលនារង្វិលដែលមានរាង៖  $y = a \sin(\omega t + \phi)$

$y$ : ជាអេឡង់កាស្យុង(m) ;  $(\omega t + \phi)$ : ជាដាសនៅខណៈ  $t$

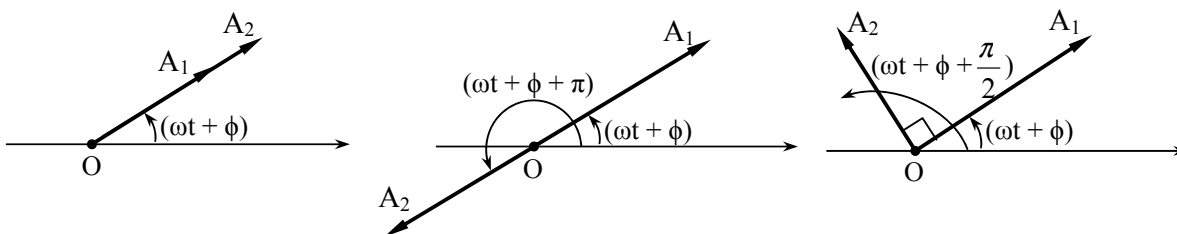
$a$ : ជាអំព្លីទុត(m);  $\omega$ : ជាពុលសាស្យុង(rad/s);  $\phi$ : ជាដាសដើម(rad) ។

ដើម្បីសម្រួលក្នុងការសិក្សាចលនាស៊ីនុយសូអ៊ីត ត្រូវបានតាងដោយវ៉ិចទ័រ  $\vec{OA}$  មួយដែលគេកំណត់ដូចខាងក្រោម៖

- ទិស : បង្កើតបានមុំ  $(\omega t + \phi)$  ធៀបទៅនឹងអ័ក្សណាមួយដែលគេជ្រើសរើសជាគល់នៃដាសដើម ។
- គល់ : ចំណុច  $O$  ណាមួយនៅលើអ័ក្ស ។
- ម៉ូឌុល : អំព្លីទុតនៃចលនា ។



ករណីពិសេស



ចលនាពីរស្របជាសគ្នា  
(ផលសង់ដាស  $\Delta\phi = 0$ )

ចលនាពីរជាសឈមគ្នា  
(ផលសង់ដាស  $\Delta\phi = \pi$ )

ចលនាពីរខ្វែងជាសគ្នា  
(ផលសង់ដាស  $\Delta\phi = \frac{\pi}{2}$ )

ផលបូកអនុគមន៍ស៊ីនុយសូអ៊ីតពីរ

ឧបមាថា ចំណុច  $M$  ណាមួយទទួលនៅពេលជាមួយគ្នានូវចលនាស៊ីនុយសូអ៊ីតពីរ ដែលមានទិស , ខួប , ប្រេកង់ និងជំហានរលកដូចគ្នា តែជាសខុសគ្នា នាំឱ្យយើងអាចសរសេរ៖

$$y_1 = a_1 \sin(\omega t + \phi_1) \text{ និង } y_2 = a_2 \sin(\omega t + \phi_2)$$

តាមគោលការណ៍តម្រុត  $y = y_1 + y_2 = a \sin(\omega t + \phi)$

➢ ផលសងជាន់  $\Delta\phi = \phi_2 - \phi_1$

➢ អំព្លីទុត  $a = \sqrt{a_1^2 + a_2^2 + 2a_1a_2\cos(\phi_2 - \phi_1)}$

➢ ជាសដើមរបស់លក្ខណៈតម្រុត

$$\tan\phi = \frac{a_1\sin\phi_1 + a_2\sin\phi_2}{a_1\cos\phi_1 + a_2\cos\phi_2}$$

ផលបូកអនុគមន៍ស៊ីនុសសូអ៊ីតច្រើនជាងពីរ

ឧបមាថាចំណុច M ណាមួយទទួលនៅពេលជាមួយគ្នានូវ n ចលនាស៊ីនុសសូអ៊ីតដែលមានប្រេកង់, ជំហានរលកនិងខួប  $T = \frac{2\pi}{\omega}$  ដូចគ្នាតែជាសខុសគ្នាគឺ

$$y_1 = a_1 \sin(\omega t + \phi_1)$$

$$y_2 = a_2 \sin(\omega t + \phi_2)$$

.....

.....

$$y_n = a_n \sin(\omega t + \phi_n)$$

➢ តាមគោលការណ៍តម្រុតនៃលក្ខណៈយើងបាន៖

$$y = y_1 + y_2 + y_3 + \dots + y_n = a \sin(\omega t + \phi)$$

➢ អំព្លីទុត  $a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$

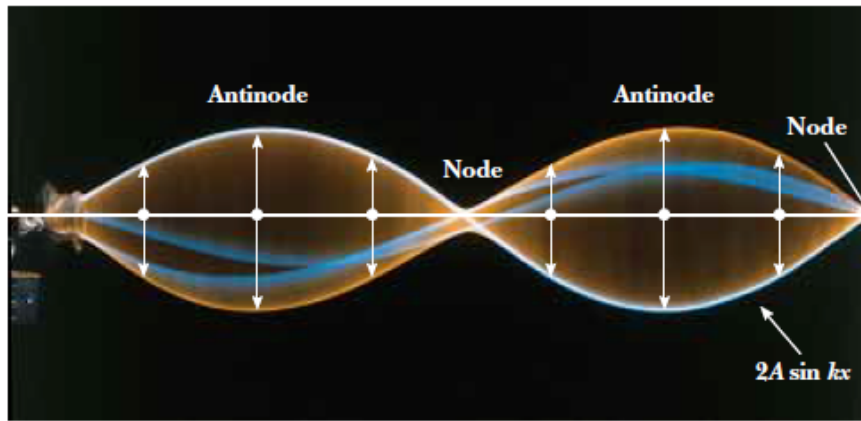
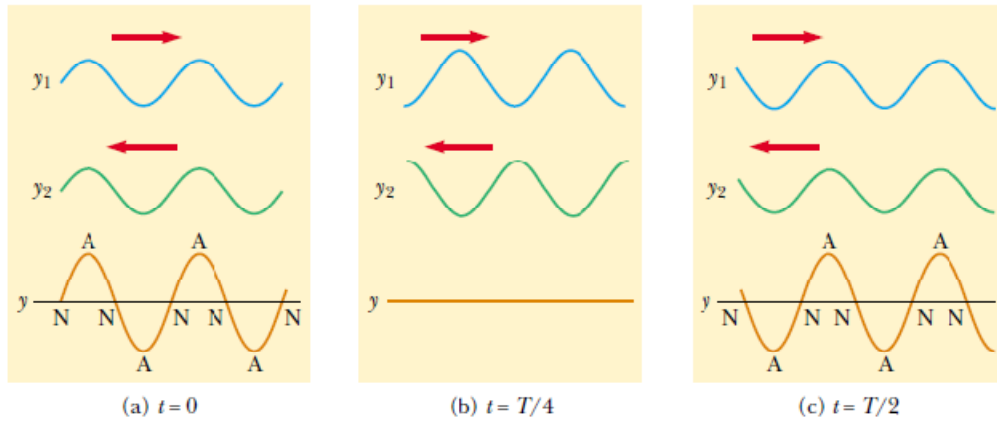
ដែល  $a_x = a_1\cos\phi_1 + a_2\cos\phi_2 + \dots + a_n\cos\phi_n$

និង  $a_y = a_1\sin\phi_1 + a_2\sin\phi_2 + \dots + a_n\sin\phi_n$

➢ ជាសដើមរបស់លក្ខណៈតម្រុត  $\tan\phi = \frac{a_y}{a_x}$



រលកជញ្ជ្រះបើរលកស៊ីនុស្សស្មើគ្នា 2 ដែលមានអំពូលដុតនិងជំហានរលកដូចគ្នាផ្លាស់ទីតាមទិសដៅផ្ទុយគ្នាគ្នាតម្រូវនៃរលកទាំង 2 នោះបង្កើតបានជារលកជញ្ជ្រះ។



Antinode (A) ជាពោះ និង Node (N) ជាថ្នាំង

យើងតាង អនុគមន៍រលកទីមួយដាលពីឆ្វេងទៅស្តាំ  $y_1 = A\sin(kx - \omega t)$  និងអនុគមន៍រលកទីមួយដាលពីស្តាំទៅឆ្វេង  $y_2 = A\sin(kx + \omega t)$  ។ នៅពេលត្រួតរលកទាំងពីរ គេបាន

$$y = y_1 + y_2 = A\sin(kx - \omega t) + A\sin(kx + \omega t) = A[\sin(kx - \omega t) + \sin(kx + \omega t)]$$

$$\text{ដោយប្រើរូបមន្ត} \sin(a + b) = 2\sin\left(\frac{a+b}{2}\right)\cos\left(\frac{a-b}{2}\right)$$

ដូចនេះ:

➢ ទីតាំងពោះរបស់រលកជញ្ជី

ត្រង់ទីតាំងពោះមានន័យថា តម្លៃ  $2A\sin kx$  អតិបរិមា

គេបាន

$$\begin{aligned} \sin kx &= \pm 1 \\ \Rightarrow kx &= \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}, \dots \end{aligned}$$

$$\Rightarrow x = \frac{\lambda}{4}, \frac{3\lambda}{4}, \frac{5\lambda}{4}, \dots = n\frac{\lambda}{4} \text{ ជាទីតាំងពោះ (អំព្រីទុតអតិបរិមា) ដែល } n = 1, 3, 5, 7, \dots$$

➢ ទីតាំងថ្នាំងរបស់រលករលកជញ្ជី

ត្រង់ទីតាំងថ្នាំងមានន័យថា តម្លៃ  $2A\sin kx = 0$

គេបាន

$$\begin{aligned} \sin kx &= 0 \\ \Rightarrow kx &= 0, \pi, 2\pi, 3\pi, \dots \end{aligned}$$

$$\Rightarrow x = 0, \frac{\lambda}{2}, \lambda, \frac{3\lambda}{2}, \dots = n\frac{\lambda}{2} \text{ ជាទីតាំងថ្នាំង (អំព្រីទុតស្មើសូន្យ) ដែល } n = 0, 1, 2, 3, 4, \dots$$

ឧទាហរណ៍៖ បម្លាស់ទីនៃរលកមួយឲ្យដោយសមីការ  $y = 0.1\sin(0.1x - 0.1t)(m)$

គណនាអំព្រីទុតនៃរលក ចំនួនរលក ជំហានរលក ខួបនៃរលក និងល្បឿនដំណាលរលក។

ចម្លើយ៖ យើងមានសមីការរាង  $y = A\sin(kx - \omega t)$

អំព្រីទុតនៃរលក  $A = 0.1m$  , ចំនួនរលក  $k = 0.1/m$ ,

ជំហានរលក  $\lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2\pi}{0.1} = 20\pi m$  , ខួបនៃរលក  $T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{0.1} = 20\pi s$

ល្បឿនដំណាលរលក  $v = \frac{\lambda}{T} = \frac{20\pi}{20\pi} = 1m/s$

ឧទាហរណ៍៖ ចូរគណនាប្រេកង់ និងល្បឿនដំណាលរលក ដែលសមីការរលកឱ្យដោយ

$$y = 0.6\sin 2\pi \left( \frac{x}{55} - \frac{t}{0.05} \right) (m)$$

ចម្លើយ៖ យើងមានសមីការរាង  $y = A\sin(kx - \omega t)$

ប្រេកង់  $f = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{1/0.05}{2\pi} = \frac{1}{1.1\pi} Hz$

ល្បឿនដំណាលរលក  $v = \frac{2\pi/k}{2\pi/\omega} = \frac{\lambda}{T} = \frac{\omega}{k} = \frac{1/0.05}{1/55} = \frac{55}{0.05} = 1100m/s$

ឧទាហរណ៍៖ រករលកតម្រូវនៃលំយោល

$$y_1 = 4\sin \left( 5\pi t + \frac{\pi}{6} \right) (cm)$$

$$y_2 = 6\sin \left( 5\pi t + \frac{\pi}{2} \right) (cm)$$

$$y_3 = 7\sin(10\pi t)(cm)$$

$$y_4 = 8\sin \left( 10\pi t + \frac{\pi}{2} \right) (cm)$$

$$y_5 = 9\sin \left( 10\pi t - \frac{\pi}{2} \right) (cm)$$



**ចម្លើយ៣៖ ក.តាមគោលការណ៍តម្រួត**

- អំព្រីទុត  $a = \sqrt{a_1^2 + a_2^2 + 2a_1a_2\cos(\phi_2 - \phi_1)}$   
 $= \sqrt{4^2 + 6^2 + 2 \times 4 \times 6\cos\left(\frac{\pi}{6} - \frac{\pi}{2}\right)} = 8.71m$
- ជាស  $\tan\phi = \frac{a_1\sin\phi_1 + a_2\sin\phi_2}{a_1\cos\phi_1 + a_2\cos\phi_2} = \frac{4\sin\frac{\pi}{6} + 6\sin\frac{\pi}{2}}{4\cos\frac{\pi}{6} + 6\cos\frac{\pi}{2}} = 2.3$   
 $\phi = \tan^{-1}(2.3) = 66.50^\circ$

**ខ.តាមគោលការណ៍តម្រួត**

- $a_x = a_1\cos\phi_1 + a_2\cos\phi_2 + a_3\cos\phi_3 = 7\cos 0 + 8\cos\frac{\pi}{2} + 9\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) = 7$
- $a_y = a_1\sin\phi_1 + a_2\sin\phi_2 + a_3\sin\phi_3 = 7\sin 0 + 8\sin\frac{\pi}{2} + 9\sin\left(-\frac{\pi}{2}\right) = -1$
- អំព្រីទុត  $a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} = \sqrt{7^2 + (-1)^2} = 7.07cm$
- ជាសដើមរបស់រលកតម្រួត  $\tan\phi = \frac{a_y}{a_x}$   
 $\phi = \tan^{-1}\left(\frac{a_y}{a_x}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{-1}{7}\right) = -8.13^\circ$

**ឧទាហរណ៍៤៖ រលកពីរដែលក្នុងទិសដៅផ្ទុយគ្នាបង្កើតជារលកជញ្ជូន។ សមីការរលកនីមួយៗ**

$$y_1 = (4.0m)\sin(3.0x - 2.0t)$$

$$y_2 = (4.0m)\sin(3.0x + 2.0t) \text{ ដែល } x, y \text{ គិតជា(cm), } t \text{ គិតជា(s)}$$

ក. គណនាបម្លាស់ទីអតិបរិមាទៅខណៈដែល  $x = 2.3cm$  ។

ខ. រកទីតាំងពោះ និងទីតាំងថ្នាំងនៃរលកជញ្ជូន។

**ចម្លើយ៤៖ ក. គណនាបម្លាស់ទីអតិបរិមាទៅខណៈដែល  $x = 2.3cm$**

$$y = y_1 + y_2 = A\sin(kx - \omega t) + A\sin(kx + \omega t)$$

$$y = A[\sin(kx - \omega t) + \sin(kx + \omega t)] = (2A\sin kx)\cos\omega t$$

$$\text{បម្លាស់ទីអតិបរិមា } y_m = (2A\sin kx) = 2 \times 4 \sin(3 \times 2.3\text{rad}) = 4.6 \text{ cm}$$

ខ. រកទីតាំងពោះ និងទីតាំងថ្នាំងនៃរលកជញ្ជូន

$$\text{ជំហានរលក } \lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2\pi}{3} \text{ (cm)}$$

- ទីតាំងពោះ:  $x = \frac{\lambda}{4}, \frac{3\lambda}{4}, \frac{5\lambda}{4}, \dots = \frac{2\pi}{12}, \frac{6\pi}{12}, \frac{10\pi}{12}, \dots \text{ (cm)}$
- ទីតាំងថ្នាំង  $x = 0, \frac{\lambda}{2}, \lambda, \frac{3\lambda}{2}, \dots = 0, \frac{2\pi}{6}, \frac{2\pi}{3}, \frac{6\pi}{6}, \dots \text{ (cm)}$

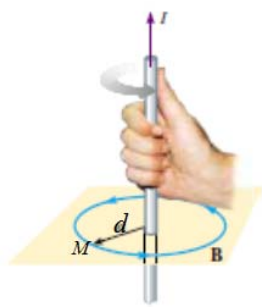
## ជំពូក្រាម អគ្គិសនីនិងម៉ាញេទិច

### មេរៀនទី១៖ ដែននិងកម្លាំងម៉ាញេទិច

មេដែក មានប៉ូលពីរ គឺ ប៉ូលជើង(N)និង ប៉ូលត្បូង (S)។  
 អន្តរកម្មម៉ាញេទិច គឺពេលមេដែកពីរមានប៉ូលដូចគ្នាដាក់ជិតគ្នាបានគ្នាចេញ  
 ហើយពេលមេដែកពីរមានប៉ូលខុសគ្នាដាក់ជិតគ្នាទាញគ្នាចូល។  
 ប្រភពរបស់ដែនម៉ាញេទិចគឺ មេដែក ដែនដី និងចរន្តអគ្គិសនី។  
 មេដែកជា អង្គធាតុដែលអាចឆក់ដែកបាន។  
 មេដែកចែកចេញជាពីរគឺ មេដែកធម្មជាតិ (ដូចជាសំណាក  $Fe_3O_4$ ) និងមេដែកសិប្បនិម្មិត  
 (មនុស្សបង្កើតឡើងដោយយករបារដែកថែបឬមូលមេដែកថែបទៅបន្ស៊ីឱ្យក្លាយជាមេដែក)។  
 មេដែកសិប្បនិម្មិត មាន របារមេដែក មូលមេដែក និងមេដែករាង U ឬរាងក្រចកសេះ។ល។  
 ដែនម៉ាញេទិចនៃចរន្តត្រង់

- ករណីក្នុងខ្យល់ ឬសុញ្ញាកាល

$$B = \mu_o \frac{I}{2\pi d}$$



$B$  ជាដែនម៉ាញេទិចបង្កើតដោយចរន្តត្រង់ គិតជាតេស្តា(T)  
 $d$  ជាចម្ងាយពីខ្សែចម្លងទៅចំនុច M គិតជា (m)  
 $I$  ជាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអគ្គិសនីឆ្លងកាត់ខ្សែចម្លងត្រង់គិតជាអំពែ (A)  
 $\mu_o$  ជាជំរាបម៉ាញេទិចនៃខ្យល់ ឬសុញ្ញាកាល  $\mu_o = 4\pi \times 10^{-7} (T.m)/A$

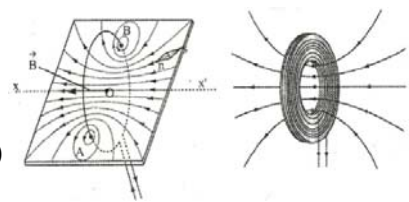
- ករណីក្នុងមជ្ឈដ្ឋានណាមួយ

$$B = \mu_o \mu_r \frac{I}{2\pi d}$$

$\mu_r$  ជាជំរាបម៉ាញេទិចធៀបនៃមជ្ឈដ្ឋាន

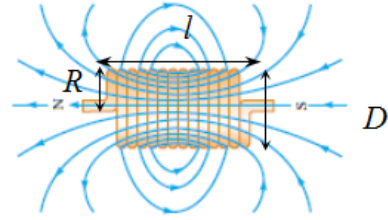
ដែនម៉ាញេទិចនៃចរន្តរង (កាំR)

- ករណីរងមួយស្លៀ  $B = \mu_o \frac{I}{2R}$   
 $R$ ជាកាំរងនៃស្លៀ គិតជា(m)  
 $I$ ជាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអគ្គិសនីខ្សែចម្លងរងគិតជា(A)
- ករណីរងN ស្លៀ  $B = \mu_o \frac{NI}{2R}$   
 $R$ ជាកាំរងមធ្យមរបស់ស្លៀ N គិតជា(m)



ដែនម៉ាញេទិចនៃសូលេណូអ៊ីត ( $\ell \geq 5R$ )

សូលេណូអ៊ីត (បូម៉ិនវែង)



របៀបរកចំនួនស្លៀង  $N$  (តាមប្រវែងសូលេណូអ៊ីត  $\ell$ )

ករណីមិនគិតកម្រាស់អ៊ីសូឡង់  $e$  ស្រោបខ្សែ

$$\ell = N \cdot d \Rightarrow \text{[ ]}$$

ករណីខ្សែស្រោបដោយអ៊ីសូឡង់  $e$

$$\ell = N (d + 2e) \Rightarrow \text{[ ]}$$

$B$  ដែនម៉ាញេទិចគិតជា (T),  $I$  ចរន្តអគ្គិសនីគិតជា (A),

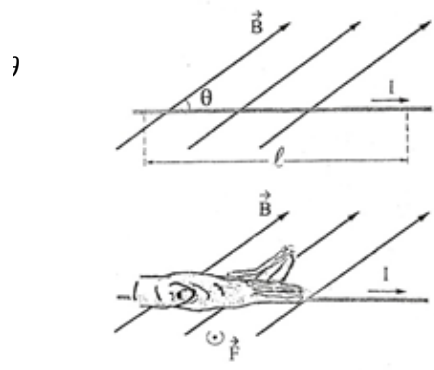
$R$  កាំសូលេណូអ៊ីតគិតជា (m)

$D$  អង្កត់ផ្ចិតសូលេណូអ៊ីតគិតជា (m),  $\ell$  ប្រវែងសូលេណូអ៊ីតគិតជា (m),

$N$  ចំនួនស្លៀង,  $d$  អង្កត់ផ្ចិតខ្សែចម្លងគិតជា (m),  $e$  ជាចំនួនស្លៀងក្នុងមួយម៉ែត្រ

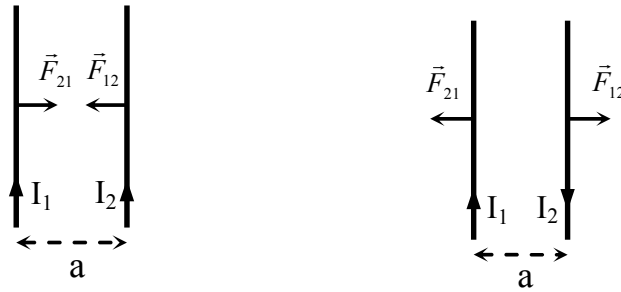
កម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញេទិច៖ តាមការពិសោធបង្ហាញឱ្យឃើញថាកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញេទិចមាន

- ចំណុចចាប់ស្ថិតត្រង់ចំណុចកណ្តាលនៃភាគខ្សែដែលស្ថិតក្នុងដែន។
- ទិសកែងនឹងប្លង់កំណត់ដោយវ៉ិចទ័រ  $\vec{B}$  និងចរន្ត  $I$ ។
- ទិសដៅកំណត់តាមវិធានដៃស្តាំ (ដំបូងប្រមាមទាំង 4 លាទៅតាមទិសដៅចរន្ត  $I$  ហើយប្រមាមទាំង 4 ក្តោបមកតាមវ៉ិចទ័រ  $\vec{B}$  នោះមេដៃកន្លែកឱ្យកែងនឹងប្លង់ដៃ ចង្អុលទិសដៅនៃកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញេទិច។



បើសិនជាខ្សែចម្លងកែងនឹង  $\vec{B} (\theta = 90^\circ)$  គេបានម៉ូឌុលកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញេទិច

អំពើទៅវិញទៅមករវាងចរន្តត្រង់ពីរ



ខ្សែចម្លងវែងត្រង់ពីរដាក់ស្របគ្នា ឆ្លងកាត់ដោយចរន្តអគ្គិសនីមានទិសដៅដូចគ្នា ខ្សែចម្លងទាំងពីរទាញគ្នាចូលទៅវិញទៅមក។

ខ្សែចម្លងវែងត្រង់ពីរដាក់ស្របគ្នា

ឆ្លងកាត់ដោយចរន្តអគ្គិសនីមានទិសដៅផ្ទុយគ្នា ខ្សែចម្លងទាំងពីរប្រានគ្នាចេញ។

ខ្សែចម្លងវែង  $l$  ត្រង់ពីរស្របគ្នា ស្ថិតនៅចម្ងាយពីគ្នា  $a$  ហើយឆ្លងកាត់ដោយចរន្តរៀងគ្នា  $I_1$  និង  $I_2$  នោះកម្លាំងដែលខ្សែចម្លងទាំងពីរមានអំពើលើគ្នាគឺ

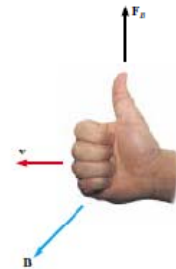
$l$  ជាប្រវែងខ្សែចម្លងត្រង់គិតជា(m)

$I_1, I_2$  ជាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តឆ្លងកាត់ខ្សែចម្លងទី១ និងខ្សែចម្លងទី២ រៀងគ្នាគិតជា(A)

$a$  ចម្ងាយពីខ្សែចម្លងទី១ និងខ្សែចម្លងទី២គិតជា(m)

កម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញេទិច ៖ កាលណាផងជួបបន្ទុកអគ្គិសនី  $q$  ផ្លាស់ទីក្នុងដែនម៉ាញេទិច  $\vec{B}$  ដោយល្បឿន  $\vec{v}$  នោះផងរងនូវកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញេទិច ៖

មានទំហំ



ផងជួបបន្ទុកអគ្គិសនី  $q$  ផ្លាស់ទីដោយល្បឿន  $\vec{v}$  ចូលក្នុងដែនម៉ាញេទិច  $\vec{B}$  ( $\vec{v} \perp \vec{B}$ ) នោះចលនាផងជាចលនារងស្មើលើរង្វង់មួយដែលមានកាំ

$R$  ជាកាំរង្វង់ចលនារងស្មើរបស់ផង (m) ,  $v$  ជាល្បឿនរបស់ផង (m/s) ,

$q$  ជាបន្ទុករបស់ផង(c) ,  $B$  ជាដែនម៉ាញេទិច (T)

ឧទាហរណ៍១៖ ខ្សែចម្លងត្រង់ប្រវែងអនន្តឆ្លងកាត់ដោយចរន្ត  $I=0.5A$  ដែលមជ្ឈដ្ឋានជុំវិញជាខ្សែលំ។

ក. គណនាអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ចំណុច M ចម្ងាយ 2m ពីខ្សែចម្លង។

ខ. គេដឹងថាត្រង់ចំណុច N មានអាំងឌុចស្យុង  $10^{-8}T$ ។ ចូរគណនាចម្ងាយពីចំណុច N ទៅខ្សែចម្លង។

ចម្លើយ៖ ក. គណនាអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ចំណុច M ចម្ងាយ 2m ពីខ្សែចម្លង

តាមរូបមន្ត

$$B = \mu_0 \frac{I}{2\pi d} \text{ ដោយ } I=0.5A, d=2m, \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} (T.m)/A$$

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{0.5}{2 \times \pi \times 2} = 5 \times 10^{-8} T$$

ខ. គណនាចម្ងាយពីចំណុច N ទៅខ្សែចម្លង

តាមរូបមន្ត  $B = \mu_0 \frac{I}{2\pi d} \Rightarrow d = \frac{2\pi B}{\mu_0 I} (B = 10^{-8}T)$

$$d = \frac{2 \times \pi \times 10^{-8}}{4\pi \times 10^{-7} \times 0.5} = 0.1 m$$

ឧទាហរណ៍២៖ ខ្សែចម្លងវង់មួយមានផ្ចិត O មានកាំ  $R=10cm$ ។ វត់កាត់ដោយចរន្តដែលមានអាំងតង់ស៊ីតេ  $10A$ ។ គណនាតម្លៃអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ផ្ចិត O បង្កើតដោយចរន្តក្នុងខ្សែចម្លងដែលមជ្ឈដ្ឋានជុំវិញជាខ្សែលំ។

ចម្លើយ៖ តម្លៃអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ផ្ចិត O បង្កើតដោយចរន្តក្នុងសៀគ្វីវង់

តាមរូបមន្ត  $B = \mu_0 \frac{I}{2R}$

ដោយ  $I=10A, R=10cm=0.1m, \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} (T.m)/A$

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{10}{2 \times 0.1} = 2\pi \times 10^{-5} T = 6.28 \times 10^{-5} T$$

ឧទាហរណ៍៣៖ បូមីនសំប៉ែតមួយមានចំនួនស្បៀ  $N=100$  ឆ្លងកាត់ដោយចរន្តមានអាំងតង់ស៊ីតេ  $I=10A$  ហើយស្បៀមានកាំមធ្យម  $R=20cm$ ។ ចូរគណនាតម្លៃអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ផ្ចិត បូមីន។ បើស្នូលបូមីនជាលោហៈមានជម្រាបម៉ាញ៉េទិចធៀប  $\mu_r = 1000$ ។

ចម្លើយ៖ គណនាអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ផ្ចិតបូមីន

តាមរូបមន្ត  $B = \mu_0 \mu_r N \frac{I}{2R}$

ដោយ  $I=10A, R=20cm=0.2m, \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} (T.m)/A, \mu_r = 1000, N = 100$

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \times 1000 \times 100 \frac{10}{2 \times 0.2} = 3.14 T$$

ឧទាហរណ៍៤៖ ខ្សែចម្លងមួយមានប្រវែង  $l=25\text{cm}$  ឆ្លងកាត់ដោយចរន្ត  $I=4\text{A}$  ស្ថិតក្នុងដែនម៉ាញ៉េទិចឯកសណ្ឋានដែលមានអាំងឌុចស្យុង  $B=2\text{T}$  ។ គណនាកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញ៉េទិចដែលមានអំពើលើរង្វាស់ក្នុងករណីដែលខ្សែចម្លងផ្តុំបានមុំ  $\alpha_1 = 30^\circ, \alpha_2 = 60^\circ, \alpha_3 = 90^\circ$  ជាមួយខ្សែអាំងឌុចស្យុង។

ចម្លើយ៖ គណនាកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញ៉េទិចដែលមានអំពើលើរង្វាស់

$$\text{តាមរូបមន្ត } F = IlB \sin\theta$$

ដោយ  $l=25\text{cm}=0.25\text{m}, I=4\text{A}, B=2\text{T}$

ករណី  $\alpha_1 = 30^\circ$  នាំឱ្យ  $F_1 = 2 \times 4 \times 0.25 \sin 30^\circ = 1\text{ T}$

ករណី  $\alpha_2 = 60^\circ$  នាំឱ្យ  $F_2 = 2 \times 4 \times 0.25 \sin 60^\circ = 2 \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}\text{ T}$

ករណី  $\alpha_3 = 90^\circ$  នាំឱ្យ  $F_2 = 2 \times 4 \times 0.25 \sin 90^\circ = 2\text{ T}$

ឧទាហរណ៍៥៖ គណនាកម្លាំងឡូរីនដែលមានអំពើលើប្រូតុងកំពុងផ្លាស់ទីដោយល្បឿន  $v = 4 \times 10^6\text{ m/s}$  ចូលក្នុងដែនម៉ាញ៉េទិចដែលមានទិសដៅកែងនឹងអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិច  $B=2\text{T}$ ។

ចម្លើយ៖ គណនាកម្លាំងឡូរីនដែលមានអំពើលើប្រូតុង

$$\text{តាមរូបមន្ត } F_m = |q|vB\sin\alpha$$

ដោយ  $q = 1.6 \times 10^{-19}\text{C}, v = 4 \times 10^6\text{ m/s}, B = 2\text{T}, \alpha = 90^\circ$

$$F_m = 1.6 \times 10^{-19} \times 4 \times 10^6 \times 2 \times \sin 90^\circ = 12.8 \times 10^{-13}\text{N}$$



### ជំពូកទី៣ អគ្គិសនីនិងម៉ាញេទិច

#### មេរៀនទី២៖ រំលងខុចស្បូងអេឡិចត្រូម៉ាញេទិច

បម្រែបម្រួលដែនម៉ាញេទិចឆ្លងកាត់សៀគ្វីខ្សែចម្លង អាចបង្កើតនូវចរន្តអគ្គិសនី ហៅថា ចរន្តអាំងឌ្វី។ ចរន្តនេះកើតមានតែក្នុងពេលដែលមានបម្រែបម្រួលដែនម៉ាញេទិចប៉ុណ្ណោះ។ តម្លៃនៃអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអាំងឌ្វីអាស្រ័យនឹងល្បឿននៃបម្រែបម្រួលដែនម៉ាញេទិច។

កូចម៉ាញេទិច គឺជាចំនួនខ្សែដែនម៉ាញេទិចឆ្លងកាត់ផ្ទៃមួយ។ បើអាំងឌុចស្បូងម៉ាញេទិច  $\vec{B}$  បង្កើតបានមុំ  $\theta$  ជាមួយខ្សែកែងនឹងផ្ទៃ នោះកូចម៉ាញេទិចអាចគណនាតាមរូបមន្ត

$$\Phi = BA \cos \theta$$

- $\Phi$  កូចម៉ាញេទិចត្រូវបានគិតជាវ៉ែប៊ែ (Wb)
- $B$  ជាម៉ូឌុលនៃវ៉ិចទ័រអាំងឌុចស្បូងម៉ាញេទិច  $\vec{B}$  គិតជា (T)
- $A$  ជាផ្ទៃ ដែលវ៉ិចទ័រ  $\vec{B}$  ឆ្លងកាត់ គិតជា  $m^2$
- $\theta$  ជាមុំផ្គុំឡើងរវាង  $\vec{B}$  ជាមួយខ្សែកែងនឹងផ្ទៃ គិតជាដឺក្រេ

កាលណាកូចម៉ាញេទិចឆ្លងកាត់  $N$  សៀគ្វី ដែលមានបម្រែបម្រួល  $\Delta\Phi$  ក្នុងរយៈពេល  $\Delta t$  កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វីដែលកើតមាន

$$E = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = -N \frac{\Phi_f - \Phi_i}{t_f - t_i}$$

- $E$  ជាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី គិតជាវ៉ុល (V)
- $N$  ជាចំនួនសៀគ្វីរបស់របូខ្សែចម្លង
- $\Phi_f$  ជាកូចម៉ាញេទិចស្រេច គិតជា(Wb)
- $\Phi_i$  ជាកូចម៉ាញេទិចដើម គិតជា(Wb)
- $t_f$  ជារយៈពេលស្រេច គិតជាវិនាទី(s)
- $t_i$  ជារយៈពេលដើម គិតជាវិនាទី(s)

ក្នុងករណីដែលគេយកចិត្តទុកដាក់តែតម្លៃកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី ច្បាប់ជាវ៉ែអាចសរសេរដូចខាងក្រោម

$$|E| = N \frac{|\Delta\Phi|}{\Delta t} = N \frac{|\Phi_f - \Phi_i|}{t_f - t_i}$$

ច្បាប់ឡិនសម្តែងថា ចរន្តអាំងឌ្វីមានទិសដៅយ៉ាងណាឱ្យផលរបស់វាប្រឆាំងនឹងបុព្វហេតុដែលបង្កើតវា ឬចរន្តអាំងឌ្វីបង្កើតនូវដែនម៉ាញេទិចមួយថ្មី ដើម្បីប្រឆាំងនឹងបម្រែបម្រួលភូមិម៉ាញេទិចដែលឆ្លងកាត់វា។

បើប្រព័ន្ធចម្លងមានប្រវែង  $l$  ផ្លាស់ទីដោយល្បឿន  $v$  កែងនឹងដែនម៉ាញេទិចដែលមានអាំងឌុចស្យុង  $B$  កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វីដែលកើតក្នុងខ្សែចម្លងគឺ

$$|E| = Bvl$$

- $|E|$  ជាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី គិតជារ៉ុល ( $V$ )
- $v$  ជាល្បឿនរបារពេលផ្លាស់ទីកែងនឹងដែនម៉ាញេទិច គិតជា ( $m/s$ )
- $l$  ជាប្រវែងរបារខ្សែចម្លងគិតជា ( $m$ )

ជនិតា និងម៉ូទ័រ គឺជាឧបករណ៍សម្រាប់បំប្លែងរវាងថាមពលមេកានិច និងថាមពលអគ្គិសនី។ ជនិតាអគ្គិសនីប្រើថាមពលមេកានិចដើម្បីផលិតនូវថាមពលអគ្គិសនី។ កន្សោមកម្លាំងអគ្គិសនីចលករ

$$e(t) = NBA\omega \sin\omega t = E_m \sin\omega t$$

ដែល  $E_m = NBA\omega$  ជាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអតិបរិមាគិតជារ៉ុល ( $V$ )

- $N$  ជាចំនួនស្ប៉េនៃបូមីន,  $B$  អាំងឌុចស្យុងម៉ាញេទិច ( $T$ ),
- $A$  ផ្ទៃរបស់បូមីន  $m^2$ ,  $\omega$  ល្បឿនមុំនៃបូមីន ( $\frac{rad}{s}$ )

**ឧទាហរណ៍៖** ទម្រង់ខ្សែចម្លងពីរដាក់ឱ្យស្របគ្នាក្នុងប្លង់ដេកដែលចុងទាំងពីររបស់វាភ្ជាប់គ្នាដោយវេស៊ីស្តង់  $R = 2\Omega$  ទម្រង់ទាំងពីរនៅឃ្លាតគ្នាចម្ងាយ  $20cm$ ។ របារលោហៈ  $MN$  មួយដាក់ឱ្យកែងលើទម្រង់ទាំងពីរ។ ប្លង់ទម្រង់កែងនឹងដែនម៉ាញេទិចឯកសណ្ឋានមានអាំងឌុចស្យុង  $B=0.02T$ ។ គេរុញរបារ  $MN$  ឱ្យផ្លាស់ទីលើទម្រង់ទាំងពីរដោយល្បឿន  $50 m/s$ ។ គណនាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអាំងឌ្វីឆ្លងកាត់វេស៊ីស្តង់បើប្រព័ន្ធនិងទម្រង់មានវេស៊ីស្តង់អាចចោលបាន។

**ចម្លើយ៖** គណនាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអាំងឌ្វីឆ្លងកាត់វេស៊ីស្តង់

$$\text{គេមាន } I = \frac{|E|}{R}$$

$$\text{កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី } |E| = Bvl$$

$$\text{ដោយ } B=0.02T, v = 50 m/s, l = 20cm=0.2m, R = 2\Omega$$

$$|E| = 0.02 \times 50 \times 0.2 = 0.2V$$

$$\text{នាំឱ្យ } I = \frac{0.2}{2} = 0.1A$$

ឧទាហរណ៍២៖ ស៊ុមមួយមានរាងចតុកោណកែងមានចំនួនស្បៀង  $N=30$  ស៊ុមនេះស្ថិតនៅក្នុងដែនម៉ាញេទិចឯកសណ្ឋានចន្លោះប៉ូលមេដែករាង  $U$  ដែលអាំងឌុចស្យុង  $B=0.2T$  ដោយប្លង់ស៊ុមកែងនឹងខ្សែអាំងឌុចស្យុង។ ដោយដឹងថាវិមាត្រ  $a=20cm$ ,  $b=10cm$  គេទាញស៊ុមឱ្យផ្លាស់ទីស្របខ្លួនវាយ៉ាងរហ័សចេញពីចន្លោះប៉ូលមេដែកដោយប្រើរយៈពេលតែ  $\Delta t = 0.01s$  ។

- ក. គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វីដែលកើតក្នុងស៊ុម។
- ខ. បើស៊ុមជាសៀគ្វីបិទមានវេស៊ីស្តង់  $R=10\Omega$  គណនាចរន្តអាំងឌ្វី។

ចម្លើយ៖ ក. គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វីដែលកើតក្នុងស៊ុម

$$\text{គេមាន } |E| = N \frac{|\Delta\Phi|}{\Delta t} = N \frac{A|B_f - B_i|}{\Delta t}$$

$$\text{ដោយ } N=30, A = a \times b = 0.2m \times 0.1m = 0.02m^2$$

$$B_f = 0, B_i = 0.2T, \Delta t = 0.01s$$

$$\text{នាំឱ្យ } |E| = 30 \frac{0.02|0-0.2|}{0.01} = 12V$$

ខ. គណនាចរន្តអាំងឌ្វី

$$\text{គេមាន } I = \frac{|E|}{R} = \frac{12}{10} = 1.2A \quad (\text{វេស៊ីស្តង់ } R=10\Omega)$$

ឧទាហរណ៍៣៖ ខ្សែចម្លងមួយប្រវែង  $1.6m$  ត្រូវបានរុំជាបូមីនមួយមានកាំ  $3.2cm$  ។ បើបូមីនវិលដោយល្បឿន  $95$  ជុំក្នុងមួយនាទី ក្នុងដែនម៉ាញេទិចដែលមានតម្លៃ  $0.07T$  ចូរគណនាតម្លៃអតិបរិមាណៃកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី។

ចម្លើយ៖ គណនាតម្លៃអតិបរិមាណៃកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី

$$\text{គេមាន } E_m = NBA\omega$$

$$\text{ដោយ } l = 1.6m, R = 3.2cm = 32 \times 10^{-3}m, B = 0.07T, f = \frac{95}{60}Hz = 1.58Hz$$

$$A = \pi R^2 = 3.14 \times (32 \times 10^{-3})^2 = 3.21 \times 10^{-3}m^2$$

$$\text{តែ } N = \frac{l}{2\pi R} = \frac{1.6}{2 \times 3.14 \times 32 \times 10^{-3}} = 8 \text{ ស្បៀងនិង } \omega = 2\pi f = 2 \times 3.14 \times 1.58 = 10rad/s$$

$$E_m = 8 \times 0.07 \times 3.21 \times 10^{-3} \times 10 = 0.018V$$

## ជំពូកទី៣ អគ្គិសនីនិងម៉ាញេទិច

### មេរៀនទី៣៖ អូតូអាំងដុចស្យុង

បាតុភូតអូតូអាំងដុចស្យុងកើតមានកាលណាមានបម្រែបម្រួលចរន្តនៅក្នុងសៀគ្វី។ ចរន្តអូតូអាំងដុចកើតក្នុងបូមីនប្រឆាំងទប់នឹង ការកើតនៃចរន្តនៅក្នុងសៀគ្វី។ ផលរបស់វាកើតមានកាលណាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តប្រែប្រួល។ ឧទាហរណ៍៖ បាតុភូតអូតូអាំងដុចស្យុងកើតមាននៅពេលគេបិទសៀគ្វីធ្វើឱ្យអំពូលដែលជាសេរីជាមួយ និងបូមីនមិនភ្លឺតាមរបប ធម្មតា ភ្លាមទេ។

អាំងដុចតង់ ជាមេគុណសមមាត្ររវាង  $\Phi$  និង អោស្រ័យនឹងលក្ខណៈធរណីមាត្រនៃសៀគ្វី

$$\Phi = L i$$

$\Phi$  ជាភ្លុចម៉ាញេទិចគិតជាវ៉ែប៊ែ (Wb)

$L$  ជាអាំងដុចតង់ គិតជា ហង់រី (H)

$i$  ជាចរន្តអគ្គិសនី គិតជា អំពែ (A)

កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងដុច ដែលកើតមានក្នុងបូមីនឱ្យដោយកន្សោម

$$e = -L \frac{di(t)}{dt}$$

$e$  ជាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងដុចគិតជារ៉ុល (V)

$L$  ជាអាំងដុចតង់ គិតជា ហង់រី (H)

$i(t)$  ជាកន្សោមចរន្តអគ្គិសនី

អាំងដុចតង់នៃសូលេណូអ៊ីតដែលគ្មានស្នូលដែកឱ្យដោយរូបមន្ត

$$L = \mu_0 \frac{N^2}{l} A$$

$L$  អាំងដុចតង់គិតជា(H) ;  $\Phi$ ជាភ្លុចម៉ាញេទិចគិតជាវ៉ែប៊ែ (Wb)

$i$  ជាចរន្តអគ្គិសនី គិតជា អំពែ (A) ,  $A$  ផ្ទៃមុខកាត់សូលេណូអ៊ីតគិតជា(m<sup>2</sup>),

$l$  ប្រវែងសូលេណូអ៊ីតគិតជា(m) ;  $N$ ជាចំនួនស្បៀសូលេណូអ៊ីត

$R$  កាំសូលេណូអ៊ីតគិតជា(m) ;  $D$  អង្កត់ផ្ចិតសូលេណូអ៊ីតគិតជា(m)

តង់ស្យុង  $V_{AB}$  រវាងគោលនៃបូមីន ( $r, L$ ) ឱ្យដោយ  $V_{AB} = ri + L \frac{di}{dt}$

$r$  ជាស៊ីស្តង់ក្នុងរបស់បូមីន គិតជា(Ω)

$i$  ជាកន្សោមចរន្តអគ្គិសនី

$L$  អាំងដុចតង់គិតជា(H)

$V_{AB}$  ជាតង់ស្យុង រវាងគោលនៃបូមីនគិតជារ៉ុល (V)

ថេរពេល  $\tau$  ក្នុងសៀគ្វី ( $R, L$ ) ឱ្យដោយរូបមន្ត  $\tau = \frac{L}{R}$

$\tau$  ជាថេរពេលក្នុងសៀគ្វី ( $R, L$ ) គិតជាវិនាទី(s)

$R$  ជាអស៊ីស្តង់សរុបរបស់សៀគ្វី ( $R, L$ ) គិតជា( $\Omega$ )

សមីការចរន្តអគ្គិសនីនៅខណៈ:  $t$  ក្នុងសៀគ្វី( $R, L$ )

$$i(t) = I_p (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

ដែល  $I_p = \frac{E}{R}$  ជាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តក្នុងរបបអចិន្ត្រៃយ៍គិតជាអំពែ (A)

$\tau$  ជាថេរពេលក្នុងសៀគ្វី ( $R, L$ ) គិតជាវិនាទី(s)

$t$  ជាខណៈពេលជាមួយគិតជាវិនាទី(s)

$i(t)$  ជាកន្សោមចរន្តអគ្គិសនី

ថាមពលអេឡិចត្រូម៉ាញេទិច  $E_L$  ក្នុងបូមីនមួយដែលមានអាំងឌុចតង់  $L$  ឆ្លងកាត់ដោយចរន្តដែលមានអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត  $i$  ស្មើ

$$E_L = \frac{1}{2} Li^2$$

$E_L$  ជាថាមពលអេឡិចត្រូម៉ាញេទិចក្នុងបូមីនគិតជាស៊ូល (J)

$i$  ជាតម្លៃចរន្តអគ្គិសនី គិតជាអំពែ (A)

$L$  អាំងឌុចតង់របស់បូមីនគិតជា(H)

ក្នុងរយៈពេលនៃលំយោលអគ្គិសនីសេរីមិនថយនៃសៀគ្វី ( $L, C$ ) តង់ស្យុងរវាងគោលនៃកុងដង់សាទ័រគោរពតាមសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល៖

$$\frac{dV_c(t)}{dt} + \frac{1}{LC} V_c(t) = 0$$

$L$  ជាអាំងឌុចតង់របស់បូមីនគិតជា(H)

$C$  ជាកាប៉ាស៊ីតេ របស់កុងដង់សាទ័រ គិតជា (F)

$V_c(t)$  ជាកន្សោមតង់ស្យុងរបស់គោលកុងដង់សាទ័រ

អនុគមន៍  $V_c(t) = V_m \cos(\frac{2\pi}{T_o} t + \phi_0)$  ជាចម្លើយរបស់សមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល  $\frac{dV_c}{dt} + \frac{1}{LC} V_c = 0$

$T_o$  ជាខួបផ្ទាល់របស់លំយោលអគ្គិសនីដែល  $T_o = 2\pi\sqrt{LC}$  គិតជា(s)

$V_m$  តម្លៃតង់ស្យុងអតិបរិមា គិតជា(V)

$\phi_0$  ជាផាសដើមរបស់លំយោលអគ្គិសនីគិតជា(rad)

ប្រេកង់ផ្ទាល់របស់លំយោលអគ្គិសនីគឺ  $f_o = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$  គិតជា (Hz) ។

ពុលសាស្ត្រងង្វាល់របស់លំយោលអគ្គិសនីគឺ  $\omega_o = \sqrt{1/LC}$  គិតជា (rad/s) ។

កន្សោមបន្ទុកនៃកុងដង់សាទ័រ  $q(t) = q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_o}t + \phi_o\right)$

ដែល  $q_m$  ជាបន្ទុកអតិបរិមាបស់កុងដង់សាទ័រគិតជាគូឡុំ (C)

កន្សោមអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត  $i(t) = i_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_o}t + \phi_o + \frac{\pi}{2}\right)$

ដែល  $i_m$  ជាតម្លៃអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអតិបរិមាក្នុងសៀគ្វី (L, C) គិតជាអំពែ (A)

ទំនាក់ទំនងរវាង អាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអតិបរិមា  $i_m$  និងបន្ទុកអតិបរិមាបស់កុងដង់សាទ័រ  $q_m$  គឺ

$$i_m = q_m \frac{2\pi}{T_o} = CV_m \frac{2\pi}{T_o}$$

ក្នុងករណីសៀគ្វីអ៊ីដេអាស់ (LC) ថាមពលនៃសៀគ្វីរក្សាតម្លៃថេរ

$$E_{LC} = E_L + E_C = \frac{1}{2}CV^2 + \frac{1}{2}Li^2 = \text{ថេរ}$$

$E_{LC}$  ថាមពលសរុបនៃសៀគ្វី (LC) គិតជាស៊ូល (J)

$E_L$  ថាមពលម៉ាញេទិច ក្នុងបូមីន គិតជាស៊ូល (J)

$E_C$  ថាមពលអគ្គិសនី ក្នុងកុងដង់សាទ័រ គិតជាស៊ូល (J)

តែកាលណាបើ  $V_C = V_L$ ,  $i = 0$  ឬ កាលណាបើ  $V_C = 0$ ,  $i = i_m$  នោះគេអាចសរសេរ

$$E_{LC} = \frac{1}{2}CV^2 = \frac{1}{2}Li_m^2$$

ឧទាហរណ៍៖ សូលេណូអ៊ីតមួយមានប្រវែង  $l = 1m$  មានអង្កត់ផ្ចិត  $D = 4cm$  និងមានចំនួនសៀ

$N = 100$  ។ យក  $\mu_o = 4\pi \times 10^{-7} T \cdot m/A$

①. គណនាអាំងឌុចតង់នៃសូលេណូអ៊ីត ?

②. គេធ្វើឱ្យចរន្តប្រែប្រួល  $i = 5t + 2$  ឆ្លងកាត់សូលេណូអ៊ីត។

គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្វី ដែលកើតមានក្នុងសូលេណូអ៊ីត ?

ចម្លើយ៖ ①. គណនាអាំងឌុចតង់នៃសូលេណូអ៊ីត

$$L = \mu_o \frac{N^2}{l} A$$

$$\text{ដោយ } \mu_o = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A}, N = 100, A = \pi \frac{D^2}{4} = \pi \frac{0.04^2}{4} = 1.256 \times 10^{-3} m^2$$

$$l = 1m$$

$$L = 4 \times 3.14 \times 10^{-7} \frac{100^2 \times 1.256 \times 10^{-3}}{1} = 1.57 \times 10^{-5} H$$



២. គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្រី  
 គេធ្វើឱ្យចរន្តប្រែប្រួល  $i = 5t + 2$  ឆ្លងកាត់សូលេណូអ៊ីត  
 តាមរូបមន្ត  $e = -L \frac{di(t)}{dt}$   
 ដោយ  $L = 0.181mH = 1.81 \times 10^{-4}H, \frac{di(t)}{dt} = \frac{d(5t+2)}{dt} = 5A/s$   
 $e = -(1.57 \times 10^{-5}) \times 5 = -7.8 \times 10^{-5}V$

ឧទាហរណ៍២៖ ក.គណនាអាំងឌុចតង់របស់សូលេណូអ៊ីតដែលមានចំនួនស្លៀក៣០០ ។ប្រសិនបើប្រវែងសូលេណូអ៊ីត 25cm និងផ្ទៃមុខកាត់របស់សូលេណូអ៊ីត  $4cm^2$  ។

ខ. គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្រីក្នុងសូលេណូអ៊ីត បើចរន្តថយចុះដោយអត្រា  $50 A/s$  ។

ចម្លើយ២៖ ក.អាំងឌុចតង់របស់សូលេណូអ៊ីត

តាមរូបមន្ត  $L = \mu_o \frac{N^2}{l} A$   
 ដោយ  $\mu_o = 4\pi \times 10^{-7} (T.m)/A, N = 300, A = 4cm^2 = 4 \times 10^{-4}m^2$  ,  
 $l = 25cm = 0.25m$   
 $L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{300^2}{0.25} 4 \times 10^{-4} = 0.181mH$

ខ.គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្រីក្នុងសូលេណូអ៊ីត

តាមរូបមន្ត  $e = -L \frac{di(t)}{dt}$   
 ដោយ  $L = 0.181mH = 1.81 \times 10^{-4}H, \frac{di(t)}{dt} = -50A/s$   
 នាំឱ្យ  $e = -(1.81 \times 10^{-4}) \times (-50) = 9.05mV$

ឧទាហរណ៍៣៖ ក. គេផ្ទុកកុងដង់សាទ័រ មួយដែលមានកាប៉ាស៊ីតេ  $C = 1\mu F$  ក្រោមតង់ស្យុង  $V = E = 2V$  គណនាថាមពលដែលស្តុកក្នុងកុងដង់សាទ័រនៅពេលផ្ទុក។

ខ. កុងដង់សាទ័រដែលផ្ទុករួចនោះ ត្រូវបានគេភ្ជាប់ទៅនឹងគោលនៃបូមីនមួយដែលមានអាំងឌុចតង់  $L = 0.1H$  និងមានវេស៊ីស្តង់ក្នុងអាចចោលបាន។គណនាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអតិបរិមា  $i_m$  ។

ចម្លើយ៣៖ ក.គណនាថាមពលដែលស្តុកក្នុងកុងដង់សាទ័រនៅពេលផ្ទុក

តាមរូបមន្ត  $E_C = \frac{1}{2} CV^2$  ដោយ  $C = 1\mu F = 10^{-6}F$  និង  $V = E = 2V$   
 $E_C = \frac{1}{2} 10^{-6} \times 2^2 = 2 \times 10^{-6} J$

ខ.គណនាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអតិបរិមា

តាមច្បាប់រក្សាថាមពល  $E_C = E_L = \frac{1}{2} Li_m^2$   
 នាំឱ្យ  $i_m = \sqrt{\frac{2E_C}{L}} = \sqrt{\frac{2 \times 2 \times 10^{-6}}{0.1}} = 6.32 \times 10^{-3} A$

ឧទាហរណ៍៖ បូមីនមួយមានស៊ីស្តង់ក្នុង  $R = r = 6\Omega$  និងមានអាំងឌុចតង់  $L$ ។ គណនាអាំងឌុចតង់ បើថេរពេលមានតម្លៃ  $\tau = 2 \times 10^{-3}s$ ។

ចម្លើយ៖ គណនាអាំងឌុចតង់

$$\text{តាមរូបមន្ត } \tau = \frac{L}{R} \Rightarrow L = \tau \times R$$

$$\text{ដោយ } R = r = 6\Omega \text{ និង } \tau = 2 \times 10^{-3}s$$

$$\text{នាំឱ្យ } L = 0.003 \times 6 = 0.018H$$

ឧទាហរណ៍៖ គណនាអាំងឌុចតង់ របស់សៀគ្វីលំយោលអគ្គិសនី  $LC$  ដែលមានប្រេកង់  $f = 120Hz$  នៅពេលកុងដង់សាទ័រ  $C = 8\mu F = 8 \times 10^{-6}F$ ។

ចម្លើយ៖ គណនាអាំងឌុចតង់

$$\text{តាមរូបមន្ត } f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \Rightarrow L = \frac{1}{f^2 4\pi^2 C}$$

$$\text{ដោយ } f = 120Hz \text{ និង } C = 8\mu F = 8 \times 10^{-6}F$$

$$\text{នាំឱ្យ } L = \frac{1}{120^2 \times 4 \times 3.14^2 \times 8 \times 10^{-6}} = 0.22H = 220mH$$



## ជំពូកទី៣ អគ្គិសនីនិងម៉ាញេទិច

### មេរៀនទី៤៖ សៀគ្រឹះចរន្តឆ្លាស់

ចរន្តឆ្លាស់ ជាចរន្តអគ្គិសនីដែលប្តូរទិសដៅពីរដងក្នុងមួយខួប។

ចរន្តឆ្លាស់ដែលងាយជាងគេ គឺចរន្តឆ្លាស់ស៊ីនុយសូអ៊ីតដែលមានអាំងតង់ស៊ីតេខណៈ  $i(t)$

នៅខណៈ  $t$  មានកន្សោម  $i(t) = I_m \sin(\omega t + \phi)$

$i(t)$  ជាកន្សោមចរន្ត :  $\omega$  ជាពុលសាស្ស្យង គិតជា  $(\frac{rad}{s})$ ,

$I_m$  ជាអំព្លីទុតប្រអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអតិបរិមា គិតជា(A)

$\phi$  ជាផាសដើមរបស់ចរន្តឆ្លាស់ស៊ីនុយសូអ៊ីត(rad)

ចរន្តឆ្លាស់មានផលប៊ី គឺ ផលគីមី ផលកម្ដៅ និងផលម៉ាញេទិច។

អាំងតង់ស៊ីតេប្រសិទ្ធនៃចរន្តឆ្លាស់ជាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តជាប់ដែលឆ្លងកាត់អេស៊ីស្តង់

ដូចគ្នាហើយក្នុងរយៈពេលដូចគ្នាមានភាយបរិមាណកម្ដៅស្មើគ្នា។ គេបាន

$$I = \frac{I_m}{\sqrt{2}}$$

$I$  ជាអាំងតង់ស៊ីតេប្រសិទ្ធគិតជា(A) ,

$I_m$  ជាអាំងតង់ស៊ីតេអតិបរិមាគិតជា(A)

កន្សោមតង់ស្យុងខណៈ មានកន្សោម  $V(t) = V_m \sin(\omega t)$

$V(t)$  ជាកន្សោមតង់ស្យុង

$V_m$  ជាតង់ស្យុងអតិបរិមាគិតជា(V)

តង់ស្យុងប្រសិទ្ធ ស្មើនឹងតង់ស្យុងថេរមួយរវាងចុងទាំងពីរនៃអេស៊ីស្តង់ស្យូមួយដែលក្នុង

រយៈពេលដូចគ្នាញ៉ាំងឱ្យមានបរិមាណកម្ដៅស្មើគ្នា។ គេបាន

$$V = \frac{V_m}{\sqrt{2}}$$

$V$  ជាតង់ស្យុងប្រសិទ្ធគិតជា(V)

កំណត់សៀគ្រឹមានតែបូមីនស្យូ មានអំប៉ែដង  $Z = Z_L = L\omega$  ហើយអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត

យឺតជាស  $\frac{\pi}{2}$  ជាងតង់ស្យុង ។

$Z_L$  ជាអំប៉ែដងបូមីនស្យូ គិតជា( $\Omega$ )

$L$  ជាអាំងឌុចតង់របស់បូមីនគិតជា(H)



កំណត់សៀគ្វីមានតែអស៊ីន្តង់សុទ្ធ មានអំប៊ែដង់  $Z = Z_R = R$  ហើយអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត និងតង់ស្យុងស្របជាសគ្នា។

$Z_R$  ជាអំប៊ែដង់អស៊ីន្តង់សុទ្ធ គិតជា( $\Omega$ )

$R$  ជាអស៊ីន្តង់របស់អស៊ីន្តង់ គិតជា( $\Omega$ )

កំណត់សៀគ្វីមានតែកុងដង់សាទ័រសុទ្ធ មានអំប៊ែដង់  $Z = Z_C = \frac{1}{C\omega}$  ហើយ អាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត ល្បឿនជាស  $\frac{\pi}{2}$  ជាងតង់ស្យុង ។

$Z_R$  ជាអំប៊ែដង់កុងដង់សាទ័រសុទ្ធ គិតជា( $\Omega$ )

$C$  ជាកាប៉ាស៊ីតេរបស់កុងដង់សាទ័រ គិតជា( $F$ )

កំណត់សៀគ្វី( $RC$ )មានអស៊ីន្តង់ និង កុងដង់សាទ័រ តជាសេរី មានអំប៊ែដង់

$$Z = \sqrt{R^2 + \left(\frac{1}{C\omega}\right)^2} \text{ ហើយអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តល្បឿនជាសជាងតង់ស្យុង } \phi \text{ ដែល}$$

$$\tan\phi = \frac{1}{\frac{C\omega}{R}}$$

កំណត់សៀគ្វី( $RL$ )មានបូមីន និងអស៊ីន្តង់ តជាសេរី មានអំប៊ែដង់ ហើយអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត យឺតជាសជាងតង់ស្យុង  $\phi$  ដែល

$$Z = \sqrt{R^2 + (L\omega)^2}$$

$$\tan\phi = \frac{L\omega}{R}$$

កំណត់សៀគ្វី( $RLC$ )មានបូមីន( $L$ ) កុងដង់សាទ័រ( $C$ ) និងអស៊ីន្តង់( $R$ )តជាសេរីមានអំប៊ែដង់

$$Z = \sqrt{R^2 + \left(L\omega - \frac{1}{C\omega}\right)^2}$$

គម្លាតជាសរវាង អាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត និងតង់ស្យុងអាចគណនាតាមរូបមន្ត

$$\tan\phi = \frac{\left(L\omega - \frac{1}{C\omega}\right)}{R} \text{ ឬ } \cos\phi = \frac{R}{Z}$$

បើ  $L\omega > \frac{1}{C\omega}$  ចរន្តយឺតជាសជាងតង់ស្យុង។

បើ  $L\omega < \frac{1}{C\omega}$  ចរន្តល្បឿនជាសជាងតង់ស្យុង។

បើ  $L\omega = \frac{1}{C\omega}$  ចរន្តស្របជាសជាមួយតង់ស្យុង។

ក្នុងសៀគ្វី RLC វេស្វណង់អគ្គិសនីកើតមានកាលណា៖

$$L\omega = \frac{1}{C\omega} \text{ ឬ } LC\omega^2 = 1$$

ដូចនេះ  $Z = R, \phi = 0$  អាងតង់ស៊ីតេចរន្តមានតម្លៃអតិបរិមាហើយ  $i(t)$  និង  $V(t)$  ស្របជាសគ្នា។

អានុភាពមធ្យមផ្ទេរក្នុងសៀគ្វីមួយជាផលធៀបរវាងថាមពលសរុបកន្លងរយៈពេលផ្ទេរនោះ។

$$P = \frac{W}{t} \text{ នាំឱ្យ } P = VI \cos\phi$$

- $\cos\phi$  ជាកត្តាអានុភាព
- $P$  ជាអានុភាពមធ្យម ( $W$ )
- $W$  ជាថាមពលសរុប ( $J$ )
- $VI$  ជាអានុភាពទំនង ( $W$ )

ត្រង់ស្វ័យម៉ាទ័រប្រដាប់សម្រាប់ដំឡើង ឬបន្ថយតង់ស្យុងចរន្តឆ្លាស់។  
រូបមន្តផលធៀបបំបែកត្រង់ស្វ័យម៉ាទ័រ

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{n_2}{n_1} = K$$

- $V_2$  ជាតង់ស្យុងប្រសិទ្ធនៅរូបមធ្យម គិតជារ៉ុល ( $V$ )
- $V_1$  ជាតង់ស្យុងប្រសិទ្ធនៅរូបបឋម គិតជារ៉ុល ( $V$ )
- $n_2$  ជាចំនួនស្លៀនៅរូបមធ្យម
- $n_1$  ជាចំនួនស្លៀនៅរូបបឋម
- $K$  ជាផលធៀបបង្កែងរបស់ត្រង់ស្វ័យម៉ាទ័រ
  - បើ  $K > 1$  ត្រង់ស្វ័យម៉ាទ័រនោះជាប្រដាប់ដំឡើងតង់ស្យុងហៅថា ស្វ័យម៉ាទ័រ។
  - បើ  $K < 1$  ត្រង់ស្វ័យម៉ាទ័រនោះជាប្រដាប់បន្ថយតង់ស្យុងហៅថា ស្វ័យម៉ាទ័រ។
  - បើ  $K = 1$  ត្រង់ស្វ័យម៉ាទ័រនោះជាត្រង់ស្វ័យម៉ាទ័រអ៊ីដេអាល់(សុទ្ធ)។

ទិន្នផលត្រង់ស្វ័យម៉ាទ័រ ឱ្យដោយរូបមន្ត

$$Rd = \frac{Pe_2}{Pe_1}$$

- $Pe_2$  ជាអានុភាពច្រកចេញនៃត្រង់ស្វ័យ (នៅរូបមធ្យម) គិតជារ៉ាត់ ( $W$ )
- $Pe_1$  ជាអានុភាពច្រកចូលនៃត្រង់ស្វ័យ (នៅរូបបឋម) គិតជារ៉ាត់ ( $W$ )

ឧទាហរណ៍១៖ តង់ស្យុងច្រកចេញរបស់ប្រភពចរន្តឆ្លាស់ ឱ្យដោយ  $V(t) = (200V)\sin\omega t$  ។ គណនា ចរន្តប្រសិទ្ធ ពេលភ្ជាប់ទៅនឹង អស៊ីស្តង់  $R = 100\Omega$ ។

ចម្លើយ៖ គណនាចរន្តប្រសិទ្ធ

$$\begin{aligned} \text{តាមរូបមន្ត } I &= \frac{V}{R} \text{ តែ } V = \frac{V_m}{\sqrt{2}} \\ \text{ដោយ } V_m &= 200V \text{ នាំឱ្យ } V = \frac{200}{\sqrt{2}} = 141V \\ \text{នោះ } I &= \frac{V}{R} = \frac{141}{100} = 1.41A \end{aligned}$$

ឧទាហរណ៍២៖ សៀគ្វី AC បូមីនសុទ្ធ ដែលមានអាំងឌុចតង់  $L = 25mH$  និងតង់ស្យុងប្រសិទ្ធ  $V = 150V$  ។ គណនាអំប៉ែដង់នៃសៀគ្វី AC និងចរន្តប្រសិទ្ធ ប្រសិនបើប្រេកង់សៀគ្វី  $f = 60Hz$  ។

ចម្លើយ៖ គណនាអំប៉ែដង់នៃសៀគ្វី AC

$$\begin{aligned} \text{កំណត់សៀគ្វីមានតែបូមីនសុទ្ធ មានអំប៉ែដង់ } Z &= Z_L = L\omega = 2\pi fL \\ \text{ដោយ } L &= 25mH \text{ និង } f = 60Hz \\ Z_L &= 2\pi(60)(25 \times 10^{-3}) = 9.42\Omega \\ \text{ចរន្តប្រសិទ្ធ } I &= \frac{V}{Z_L} = \frac{150}{9.42} = 15.9A \end{aligned}$$

ឧទាហរណ៍៣៖ កុងដង់សាទ័រ មានកាប៉ាស៊ីតេ  $8\mu F$  ត្រូវបានភ្ជាប់ ទៅនឹងប្រភពចរន្តឆ្លាស់ ដែលមាន ប្រេកង់  $f = 60Hz$  និងតង់ស្យុងប្រសិទ្ធ  $V = 150V$  ។ គណនាអំប៉ែដង់និង ចរន្តប្រសិទ្ធរបស់សៀគ្វី។

ចម្លើយ៖ គណនាអំប៉ែដង់និង ចរន្តប្រសិទ្ធនៃសៀគ្វី

$$\begin{aligned} \text{កំណត់សៀគ្វីមានតែកុងដង់សាទ័រ សុទ្ធ មានអំប៉ែដង់ } Z &= Z_C = \frac{1}{c\omega} \\ \text{ដោយ } C &= 8 \times 10^{-6}F \text{ និង } f = 60Hz \Rightarrow \omega = \frac{1}{2\pi f} = \frac{1}{2\pi \times 60} = 377rad/s \\ Z_C &= \frac{1}{c\omega} = \frac{1}{8 \times 10^{-6} \times 377} = 332\Omega \\ \text{អាំងតង់ស៊ីតេប្រសិទ្ធ } I &= \frac{V}{Z_C} = \frac{150}{332} = 0.452A \end{aligned}$$

ឧទាហរណ៍៤៖ សៀគ្វី ចរន្តឆ្លាស់ RLC តជាស៊េរី មាន  $R = 425\Omega$ ,  $L = 1.25H$ ,  $C = 3.5\mu F$ ,  $\omega = 377rad/s$  និង  $V_m = 150V$  ។

- ក. កំណត់  $Z_L$ ,  $Z_C$ ,  $Z$
- ខ. គណនាចរន្តអតិបរិមារបស់សៀគ្វី
- គ. គណនាគម្លាតជាសរុប រវាងចរន្ត និងតង់ស្យុង
- ឃ. គណនាតង់ស្យុងអតិបរិមារនិង កន្សោមតង់ស្យុង រវាងគោលនៃធាតុនីមួយៗ

ចម្លើយ៖ ក. កំណត់  $Z_L$ ,  $Z_C$ ,  $Z$

$$\begin{aligned} \text{តាម } Z_L &= L\omega, Z_C = \frac{1}{c\omega}, Z = \sqrt{R^2 + (L\omega - \frac{1}{c\omega})^2} \\ \text{ដោយ } R &= 425\Omega, L = 1.25H, C = 3.5\mu F, \omega = 377rad/s \\ Z_L &= L\omega = (1.25)(377) = 471\Omega \\ Z_C &= \frac{1}{c\omega} = \frac{1}{(3.5 \times 10^{-6})(377)} = 758\Omega \end{aligned}$$

$$Z = \sqrt{425^2 + (471 - 758)^2} = 513\Omega$$

ខ. គណនាចរន្តអតិបរិមារបស់សៀគ្វី

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{150}{513} = 0.292A$$

គ. គណនាគម្លាតដាស រវាងចរន្ត និងតង់ស្យុង

$$\tan\phi = \frac{(L\omega - \frac{1}{C\omega})}{R} \Rightarrow \phi = \tan^{-1}\left(\frac{(L\omega - \frac{1}{C\omega})}{R}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{(471-758)}{425}\right) = -34^\circ$$

ឃ. គណនាតង់ស្យុងអតិបរិមារវាងគោលនៃធាតុនីមួយៗ

$$V_m(R) = I_m R = (0.292)(425) = 124V$$

$$V_m(L) = I_m Z_L = (0.292)(471) = 138V$$

$$V_m(C) = I_m Z_C = (0.292)(758) = 221V$$

កន្សោមតង់ស្យុង រវាងគោលនៃធាតុនីមួយៗ

$$V_R(t) = V_m(R) \sin(\omega t) = 124 \sin(377t)$$

$$V_L(t) = V_m(L) \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) = V_m(L) \cos(\omega t) = 138 \cos(377t)$$

$$V_C(t) = V_m(C) \sin\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right) = -V_m(C) \cos(\omega t) = -221 \cos(377t)$$

